République Algérienne Démocratique et populaire Ministère de l'Enseignement Supérieur et de la Recherche Scientifique



# Université Ibn Khaldoun-Tiaret-

Faculté des Sciences de la Matière

# Mémoire

Présenté par:

**ZINE Zeyneb** 

Pour obtenir le diplôme de

# MASTER

Option : Physique des Materiaux

# Thème:

<u>Etude ab-initio des propriétés structurales, électroniques et</u> <u>magnétiques des borures CoB, FeB ,Co<sub>2</sub>B et Fe<sub>2</sub>B</u>

Soutenu le 27 /06/ 2018

Devant le jury composé de:

Mr.BOUADI Mohammed Mr. MEBAREK Bendaoued Mr. RIANE Rabah MCAPresidentU. TiaretMCAExaminateurU. TiaretProfesseurEncadreurU. Tiaret



# **REMERCIEMENTS**

Ce travail a été réalisé au sein de la salle d'information du département de physique de la faculté des sciences et de la matière-Universite Ibn khaldoun-Tiaret.

Avant tout, nous tenons à remercier **DIEU** tout puissant, De nous avoir accordé la force, le courage, la Volonté et la patience pour achever ce modeste travail de fin d'études de master. Je tiens tout d'abord à remercier mon encadreur **Pr.Dr. RIANE Rabah** Professeur à l'Université de Tiaret, qui à dirigé ce travail, de m'avoir encadré et proposé un sujet aussi passionnant et intéressant pour ces qualités humaines et pour sa connaissances scientifiques

qui m'ont aidé et à sa compétence et ses conseils m'ont été d'un grand secours.

Je tiens à remercier **Dr.BOUADI Mohammed**, maitre de Conférences à l'Université de Tiaret pour l'intérêt qu'il a porté à mon travail et pour l'honneur qu'il m'a fait de présider le jury. J'adresse mes sincères remerciements et mon profond respect à Monsieur **MEBAREK** 

**BENDAOUD**, maitre de Conférences à l'Université de Tiaret d'avoir accepté d'examiner ce travail et me faire l'honneur de participer au jury Nos sincères remerciements vont également aux Enseignants de spécialité : Mr **BLEARBI** Mr **BERRABAH** M<sup>me</sup> **BEN HAWA CHAHRAZADE** Et tous les Enseignants de la Faculté des sciences et de la matière, Université Ibn Khaldoun-Tiaret

Nos remerciements les plus sincères aussi à M<sup>me</sup> MERABET NACIRA pour son soutien Nous remercions également toutes les personnes qui nous ont aidés, de pré ou de loin pour la réalisation de ce travail.

## **DEDICACES**

#### Je dédie ce travail

À mes chers parents

À ma chère sœur

À mes chers frères

À ma belle famille

À tous ceux qui me sont chers

# Liste des Tableaux

Tableau (I.1) : Compositions chimiques des mélanges et paramètres de boruration
utilisés dans la technique de la boruration dans des poudres
Tableau. (I.2): Phases présentes et les duretés des borures de certains métaux
de transition
Tableau (I.3): Caractéristique de la phase FeB ,CoB
Tableau (I.4) : Les principales caractéristiques physico-chimiques et mécaniques des borures
de fer Fe <sub>2</sub> B et FeB
Tableau (III.I.1): paramètre du réseau a,b,c module de compression B et sa dérivée B', pour le
matériau CoB ,FeB49
Tableau (III.I.2): moment magnetique des materiaux CoB, FeB
Tableau (III.II.1): paramètre du réseau a,b,c module de compression B et sa dérivée B', pour
le matériau Co <sub>2</sub> B ,Fe <sub>2</sub> B55
Tableau (III.II.2): moment magnetique des materiaux Co <sub>2</sub> B et Fe <sub>2</sub> B58

# Liste des Figures

## Liste des figures

FigureI.1 : Points de curie des phases $Fe_xCo_{1-x}B$ en fonction de
la concentration atomique de cobalt
FigureI. 2 : Variation de a en fonction de la concentration atomique en cobalt24
Figure I. 3 : Variation de b et c en fonction de la concentration atomique en
Cobalt
Figure I.4 : Réseau cristallin de borure de fer
Figure I.5 : La structure de la phase FeB (projection sur le plan (010)26
Figure I. 6 : Réseau cristallin du borure de fer Fe <sub>2</sub> B27
Figure I.7: La structure de Fe <sub>2</sub> B (projection sur le plan cristallographique $(001)$ 27
Figure I.8 : Le diagramme d'équilibre binaire Fe-B
Figeure II.1 Cycle auto cohérent de la théorie de la fonctionnelle de la densité (DFT)40
Figure II.2 Partition de la maille unitaire en sphéres atomiques I et en région
interstitielle II42
Figure III.1: La variation de l'énergie totale en fonction du volume du Co dans la structure
hexagonal avec l'approximation GGA et LSDA46
Figure III.2: La variation de l'énergie totale en fonction du volume du CoB dans la structure
orthorhombique avec l'approximation GGA et LSDA47
Figure III.3: La variation de l'énergie totale en fonction du volume du Co <sub>2</sub> B dans la structure
orthorhombique avec l'approximation GGA et LSDA48
Figure III.4: La variation de l'énergie totale en fonction du volume du Fe dans la structure
cubique avec l'approximation GGA et LSDA51
Figure III.5: La variation de l'énergie totale en fonction du volume du FeB dans la structure
orthorhombique avec l'approximation GGA et LSDA
Figure III.6: La variation de l'énergie totale en fonction du volume du Fe <sub>2</sub> B dans la structure
orthorhombique avec l'approximation GGA et LSDA
Figure III.7 : Densité d'états totale de Co obtenue par la GGA54

Figure III.8 : Densité d'états totale de CoB obtenue par la GGA......55

Figure III.9 : Densité d'états totale de Co <sub>2</sub> B	obtenue par la GGA	56
--	--------------------	----

# Liste des Figures

Figure III.10 : Densité d'états totale de Fe obtenue par la GGA	60
Figure III.11 : Densité d'états totale de FeB obtenue par la GGA	61
Figure III.12 : Densité d'états totale de Fe <sub>2</sub> B obtenue par la GGA6	52

Co:cobalt

B :bore

Fe : fer

DFT ; Théorie de la fonctionnelle de la densité (Density functional theory)

FP-LAPW ; Fonction d'onde augmentées linéarisées à potentiel total (full potentiel linearized

plane wave

LSDA ; Approximation de la densité de spin local (Local spin density approximation)

GGA ; Generalized gradient approximation

**APW** : Augmented Plane Wave

 $\boldsymbol{MT}$  ; Muffin-Tin

LAPW : Linearized Augmented Plane Wave

B0 ; Module de compressibilité (Bulkmodulus)

B'; Dérivée du module de compressibilité

Introduction général
Chapitre I Etude bibliographique sur le borure
I.1 Introduction
I .2 principe de boruration
I.2.1traitementthermochimique
I.2.2 traitement de boruration14
I. 3 les différents types de boruration 15
I. 3.1 la boruration par voie liquide15
I .3.1.1 la boruration électrochimique dans sels fondus15
I.3.1.2 la boruration chimique dans des sels fondus15
I.3.2 la boruration par voie gazeuse16
I.3.2.1le diborane (B <sub>2</sub> H <sub>6</sub> )16
I.3.2.2Composés organiques à base du bore16
I.3.2.3 les halogénures du bore (BF <sub>3</sub> , BCL <sub>3</sub> ou BBr <sub>3</sub> )16
I.3.3 la boruration par voie solide16
I .3.3.1 la technique des poudres
I.3.3.1.1 bore amorphe
I.3.3.1 .2 fer bore
I.3.3.1.3 carbure de bore
I.3.3.2 la technique des pates
I.3.4 la boruration à composants multiples20
I.3.5 les borures dans le métal
I.4 influence des éléments d'addition sur la boruration
I.4.1 fer
I.4.2 cobalt
I.5 Diagramme d'équilibre de borure des métaux de transition25
I.5.1 Structure cristalline des borures de cobalt25
I.5.2 Structure cristalline des borures de fer
I.5.2.1 Le borure de fer FeB27
5 Caractéristiques physico-chimiques des borures de fer28
I.6 Mesure de l'épaisseur des couches de borures
I.7 Caractéristiques des borures CoB, FeB, Fe2B et Co2B30
I .8 Les aspects pratiques de la boruration et ses applications

I.9 Conclusion.....

Chapitre II Méthode de calcule			
II. Théorie de la fonctionnelle de la densité : (DFT)	34		
II.1 Introduction	34		
II.2 Principe de la théorie de la fonctionnelle de la densité	37		
II.3 Fonctionnelle théorique (DFT)	37		
II.4 Approximations	37		
II.4.1 L'approximation de la densité locale (LDA)	38		
II.4.2 L'approximation du gradient généralisé (GGA)	39		
II.5 Résolution des équations de Kohn-Sham à une particule	39		
II.6 La méthode FP-LAPW	41		
II.9 Conclusion	••••		

Chapitre III Résultats et Discussion
III.1 Introduction
III.2 Détails des calculs
III. Résultats et discussions
III.Partie I : Calcul propriétés structurales, electroniques et magnétiques des
Monoboride de cobalt et fer CoB et FeB47
III .I.1. Propriétés Structurales de CoB et FeB47
III .I.2. Propriétés électronique de CoB.et FeB48III .I.3. Propriétés magnétique de CoB et FeB49
III.Partie II : Calcul propriétés structurales, electroniques et magnétiques de
diboride de cobalt et fer Co <sub>2</sub> B et Fe <sub>2</sub> B50
III .II.1. Propriétés structurales de Co <sub>2</sub> B et Fe <sub>2</sub> B51
III .II.2. Propriétés électronique de Co <sub>2</sub> B et Fe <sub>2</sub> B
Conclusion générale
References bibliographiques

# Introduction générale

## Introduction Générale

## Introduction Générale

Le traitement de surface constitue actuellement l'un des moyens essentiels pour améliorer les propriétés fonctionnelles des métaux: résistance à la corrosion, à l'oxydation, à la fatigue sous toutes ses formes (fatigue mécanique, fatigue thermomécanique, fatigue de surface), au frottement et à l'usure. Pour prolonger la durée de vie des mâteriaux et protéger leurs surfaces, on est appelé à utiliser la boruration qui est une méthode thermochimique de durcissement de surface qui peut être appliquée à de nombreux matériaux ferreux, non-ferreux et cermet. Le processus implique la diffusion d'atomes de bore dans le réseau du métal de base et la formation d'un composé de bore interstitiel dur en surface. Le borure de surface peut être sous forme de couche de borure en phase unique ou double. La boruration permet d'obtenir une couche de dureté uniforme à partir de la surface, sur toute la profondeur de la couche diffusée. La dureté est beaucoup plus élevée que celle obtenue via n'importe quel autre processus de durcissement de surface. La combinaison d'une dureté élevée et d'un faible coefficient de frottement améliore les propriétés de résistance à la fatigue, à l'abrasion et a l'usure de la surface. Les autres avantages associés à la boruration sont le maintien de la dureté à température élevée, la résistance à la corrosion dans un environnement acide, la réduction de l'utilisation de lubrifiants et une tendance réduite de soudage à froid.

La boruration est appliquée à la plupart des matériaux ferreux, à l'exception des aciers porteurs d'aluminium et de silicium ; par exemple, les aciers structurels, cémentés, revenus, d'outillage et inoxydables, les aciers coulés, les aciers ductiles et frittés, ainsi que les aciers trempés à l'air. Les matériaux tells que les alliages à base de nickel, les alliages à base de cobalt et le molybdène peuvent également être borurés. L'alliage de nickel peut être boruré sans affecter la résistance à la corrosion, tout en obtenant une surface extrêmement dure et résistante à l'usure.

L'objectif principal de ce travail est l'étude théorique de la boruration solide dedeux métaux de transition a savoir le Fer et le Cobalt. Dans cette étude on compte déterminer les propriétés structurales, Electroniques et Magnétiques des borures de Fer (FeB), CoB,Co2B et Fe2B par la méthode des ondes planes augmentées linéarisées dans le cadre de la théorie fonctionnelle de densité (DFT).

# Introduction Générale

Cette étude est structurée en trois chapitres:

- Le premier chapitre fait l'objet d'une recherche bibliographique à travers laquelle on présente le principe de la boruration, les types de boruration, les connaissances fondamentales et pratiques nécessaires.

- Dans le deuxième chapitre, nous avons présenté les bases de la méthode de calcul représenté par la méthode des ondes planes augmentées linéarisées (LAPW), dans le cadre de la théorie de la DFT

- Le troisième chapitre résume les résultats obtenus lors de notre étude, leurs interprétations ainsi qu'une comparaison avec certains travaux théoriques et expérimentaux disponibles. Finalement, notre travail est achevé par une conclusion générale.

# **Chapitre I**

#### I.1 Introduction :

Les alliages métalliques sont très utilisés dans le domaine industriel. Ces alliages présent des insuffisances remarquables dont la corrosion l'usure et la fatigue.

Afin de résoudre ces problèmes, plusieurs recherches ont été menées pour améliorer les propriétés des surfaces de ces alliages sur le plan mécanique, physico-chimique.

C'est pourquoi, un traitement de surface par boruration, la nitruration, est appliquée pour satisfaire ces exigences sur le plan industriel.

Les TMB (borures de métaux de transition) obtenus ont les points de fusion élevés, sont très durs, et possèdent une conductivité électrique thermique.

Ils affichent une résistance considérable à l'oxydation dans l'air.

Ces propriétés rendent le TMB le plus utile dans la technologie moderne.

Dans ce chapitre, nous présentons les différents types de boruration et les propriétés physicochimiques et mécaniques des couches borurées.

Un bref rappel sera donné sur les diagrammes d'équilibre des mon et diborures de Fer et de cobalt (FeB), (CoB),  $Co_2B$  et  $Fe_2B$ 

L'objectif principal de ce travail est l'étude théorique de la boruration solide de deux, métaux de transition a savoir le fer et le cobalt .

#### I.2 <u>Principe de boruration</u>.

La boruration est un traitement thermochimique des métaux ferreux, qui résume en une surface de Borure de Fer très dure et résistante à l'usure.

La boruration peut se faire soit par

#### I.2 .1 <u>Traitement thermochimique</u>

Un traitement thermochimique est un traitement thermique effectué dans un milieu convenablement choisi pour obtenir une modification de la composition chimique du métal de base, par échange avec ce milieu.

Dans le cas de ces traitements, les éléments mis en jeu(le bore, le fer,le carbone, l'azote) pour enrichir la couche superficielle du métal sont apportés par des milieux qui peuvent être solides (céments), liquides (bain de sels), gazeux.

La boruration est l'un des traitements thermochimiques les plus utilisés.

Ce procédé comprend quatre étapes :

- Un milieu de réaction qui peut libérer du bore à l'état atomique à partir d'une source en bore ;
- Le contact des atomes du bore avec la surface du substrat et la formation des liaisons chimiques avec les atomes du substrat à travers le phénomène d'absorption ;
- Le début de germination des borures métalliques sous forme d'aiguilles ;
- Fin de croissance de ces aiguilles en donnant naissance à une couche compacte et continue.

#### I.2.2 <u>Le traitement de boruration</u>

La boruration est un procédé de diffusion thermochimique, qui se fait dans le domaine de températures (800-1050°C) durant des temps allant de 0,5 à 10 h en utilisant un agent borurant qui libère du bore à l'état atomique. La conséquence d'un tel traitement est la formation des borures qui possèdent d'intéressantes propriétés physico-chimiques, mécaniques et tribologiques [1].

La boruration a fait l'objet de plusieurs applications industrielles telles que : le traitement des pièces employées dans l'industrie pétrolière, l'automobile, Vannes, robinets et Mines.La boruration est aussi réalisable sur des substrats à base de métaux de transition tels que : nickel, cobalt, molybdène, tantale, tungstène et titane [2-3].

Ce traitement de boruration donne lieu à des couches superficielles riches en bore.

#### I.3. Les différents types de boruration

Le traitement de boruration sur les pièces peut s'effectuer par trois voies :

#### **I.3.1La boruration par voie liquide:**

Pour ce type de boruration, le traitement du matériau métallique se fait dans un milieu liquide. La libération du bore vers la surface du matériau traité nécessite la réduction chimique du composé porteur de bore. Cette réduction peut s'effectuer soit par voie électrochimique sous l'application d'une tension, ou par voie chimique par addition d'un agent réducteur au bain de boruration [4]

#### I.3.1.1 La boruration électrochimique dans des sels fondus :

Pour ce type de traitement, les électrolytes les plus utilisés sont à base de tétra borate de sodium  $Na_2B_4O_7$  (Borax) et le tétrafluoroborate de potassium  $KBF_4$ 

La composition chimique de bain électrolytique est choisie en fonction de température d'utilisation.par exemple, le électrolyses à base de  $Na_2B_4O_7$  sont utilisés dans l'intervalle de température 850-1050C°, tandis que les électrolytes à base  $KBF_4$  sont utilisés dans la gamme de température de 600-850C°.

Dans les deux cas, la boruration électrolytique donne lieu à des couches borures de type biphasé (FeB+Fe<sub>2</sub>B).

#### I.3.1.2 La boruration chimique dans des sels fondus :

La boruration chimique s'effectue dans un bain de sels fondus

Ce procède est basé sur la différence de potentiel électrochimique qui s'établit entre le matériau traité et l'agent réducteur présent dans le bain de boruration.

La source de bore est le plus souvent constituée de  $Na_2B_4O_7$  (Borax) .cependant l'agent réducteur peut être un carbure ( $B_4C$  ou Sic), un métal pur (Al ou Si) ou un ferro-alliage (Fe-Si, Fe-Mn ...).

On peut également incorporer des chlorures ou des carbonates de métaux alcalins chimiques des couches borures .ce qui réduit les coutes du traitement de boruration .selon la composition chimique du bain, le temps de traitement et la température de boruration, on peut soit obtenir une couche monophasée(MTB)ou bien biphasée (MT<sub>2</sub>B)

#### I.3.2 La boruration par voie gazeuse :

Dans ce type de traitement la boruration est basée sur la décomposition thermique des composés volatils à base du bore .la décharge anormale est la technique utilisée ,ou l'intensité du courant appliquée croit avec la tension qui chute dans l'espace entourant la cathode (le substrat) .ce qui donne lieu à des espaces ionisée qui sont accélérées vers le surface du substrat, provoquant ainsi un échauffement qui conduit à l'implantation des atomes du bore à la surface du substrat.

Les composés utilisés dans ce procède sont les suivants :

#### I.3.2.1 Le diborane (B<sub>2</sub>H<sub>6</sub>)

Le mélange de diborane-hydrogène  $(B_2H_6-H_2)$  permet d'obtenir des couches de borure de qualité satisfaisante. En raison de la toxicité et de l'inflammabilité du diborane, ce procède est moins utilisé dans l'industrie.

#### I .3.2.2 Composés organiques à base du bore :

Les composés les plus utilisés sont le trimethyl de bore  $(CH_3)_3B$  et le triethyl de bore  $(C_2H_5)_3B$ , Ces composés sont très riches en carbone, leur utilisation provoque couramment la cémentation des aciers traité, ce qui conduit à des couches borures de qualité réduite.

#### I .3.2.3 Les halogénures du bore (BF<sub>3</sub>, BCl<sub>3</sub> ou BBr<sub>3</sub>)

La boruration avec les halogénures du bore s'accompagne d'une corrosion importante des surfaces des pièces traitées. Ce qui engendre de couches borureés moins compactes et présentant des porosités.

#### I.3.3 La boruration par voie solide :

Le traitement de boruration est effectué en utilisant une source du bore à l'état solide, la boruration avec du bore amorphe permet d'avoir des couches minces et poreuses, les produite les plus utilisés dans ce traitement sont les poudres de bore, les poudres de ferrobore et les poudres des carbures de bore.

Les mélanges de poudre de compositions chimique ci-dessous sont les plus utilisés à l'échelle industrielle [2] :

- 5%B<sub>4</sub>C ,90%Sic, 5%NaBF<sub>4</sub>
- 5%B<sub>4</sub>C,90%Sic, 5%KBF<sub>4</sub>
- 50% B<sub>4</sub>C, 45% Sic, 5% KBF<sub>4</sub>
- 85%B<sub>4</sub>C ,5%Na<sub>2</sub>CO<sub>3</sub>
- $84\%B_4C$ ,  $16\%Na_2B_4O_7$

Le mécanisme de boruration par voie solide est régi par les réactions chimiques suivantes :

Au début du traitement, l'activation NaBF4 se décompose thermiquement selon la réaction chimique (1.1)

 $NaBFe_4(s) \rightarrow NaFe(s) + BFe_3(g)(1.1)$ 

Le gaz BF3 ainsi dégage permet de réagir avec le fer contenu dans acier et le carbure de bore B4C suivant la réaction chimique (1.2)

$$2F_e(s) + \frac{1}{13}BFe_3 + \frac{3}{13}B_4C \to Fe_2B(s) + \frac{3}{52}CFe_4(g) + \frac{9}{52}C(s)$$
(1.2)

Le carbure  $B_4C$  se décompose au contact du borure  $Fe_2B$  à la température de 600C° selon la réaction chimique (1.3)

$$B_4C(s) + Fe_2B(s) \to 4B(s) + C(s) + Fe_2B(s)$$
 (1.3)

Le bore doit ensuite diffuser à travers à la couche  $Fe_2B$  en direction du substrat .le borure FeB peut aussi se former si la concentration en bore est de 16,23% en masse, selon la réaction chimique (1.4) :

$$Fe_2B(s) + B(s) + B(s) \rightarrow 2FeB(s)$$

Lors que la concentration en bore reste voisine de 9% en masse, la couche borure est formée uniquement de  $Fe_2B$ , pour limiter la formation de la couche FeB, on utilise en générale un diluant inerte qui est le carbure de silicium (Sic).

#### I .3.3.1 La technique des poudres

En raison de sa simplicité et propreté des matériaux obtenus, la boruration par la technique des poudres est la plus utilisée dans le domaine industriel, Les pièces sont placées dans des caisses en acier remplies de poudre de boruration (Bore amorphe, Ferro bore) et introduites dans des fours à moufle [5-6]. Les avantages importants de ce processus sont [6-7]:

- Une manipulation facile.
- La possibilité de changer la composition de la poudre.
- Le besoin d'équipement très simple.

Les poudres les plus utilisées sont :

#### I.3.3.1.<u>1 Bore amorphe</u>

Le bore amorphe active plus la surface que le bore cristallin. Avec le bore amorphe des Couches plus épaisses peuvent être produites, le bore amorphe augmente la boruration et des couches biphasées peuvent être produites. Cette méthode est abandonnée Actuellement car le bore amorphe est d'un coût relativement élevé [5-8].

#### I.3.3.1 .2 Ferrobore

Les couches borures obtenues avec le ferrobore sont techniquement de mauvaise qualité parce qu'elles sont la plupart du temps de type K [20] (Voir la figure 2.4).

Cette morphologie particulière a été attribuée à l'action du silicium présent en tant qu'impureté dans le ferrobore (environ 1%).

Pour l'usage industriel le ferrobore n'est pas disponible avec la pureté nécessaire.

Le ferrobore très pur ne peut être fabriqué industriellement [7]. Autrement les

Couches dégénérées du type K (Voir la figure 2.4) sont inutilisables dans l'industrie [9].

#### I.3.3.1.3 Carbure de bore

Il est possible d'employer le carbure de bore dans la boruration. Le carbure de bore est actuellement disponible sur le marché, par qualités consistantes à un prix relativement bas et en quantité suffisante [5]. Les longues durées et les températures élevées de traitement avec le carbure de bore ont produit des couches biphasées, composées de Fe<sub>2</sub>B et de FeB [10].

Les paramètres de boruration et la composition chimique des mélanges recommandés pour la technique des poudres sont rassemblés dans le tableau (I.1)

# Tableau (I.1) : Compositions chimiques des mélanges et paramètres de borurationUtilisés dans la technique de la boruration dans des poudres.[11]

Milieu de boruration	Température	Temps de	Épaisseur de	Borures
	de boruration	boruration	la couche	Obtenus
	(°C)	(h)	borurée (µm)	
100% B amorphe dans une atmosphère de H <sub>2</sub>	850-900	2-5	30-130	FeB+Fe <sub>2</sub> B
75% B amorphe+25% Al2O3	950-1050	2-5	45-330	FeB+Fe <sub>2</sub> B
33% B amorphe + 65% $A_{12}O_3 + 2\%$ $NH_4Cl$	850-900	2-5	100	FeB+Fe <sub>2</sub> B
100%B <sub>4</sub> C	950-1000	2-6	50-300	FeB+Fe <sub>2</sub> B
98-99%B <sub>4</sub> C+1- 2%AlF <sub>2</sub>	800-1000	2-6	60-300	FeB+Fe <sub>2</sub> B
Ekabor 1, Ekabor 2, Ekabor 3	900	4-12	100-200	FeB+Fe <sub>2</sub> B Ou FeB <sub>2</sub>

#### I.3.3.2 La technique des pates :

Cette technique est surtout utilisée pour la boruration partielle des mâteraux.Les mâtereaux à traiter sont couverts d'une pâte à base du bore, puis chouffés dans un four sous une atmosphère d'argon. Les zones a ne pas bourrées, sont protégée par un dépôt électrolytique de cuivre qui empêche la diffusion du bore.

Les pates de boruration se composent :

- D'un constituant solide contenant une source riche en bore (carbure de bore, Ferro bore, bore amorphe),un activateur (cryolite ou fluor borate) et un diluant (alumine ou carbure de silicium).
- ✓ D'un liant liquide de nature organique (méthyle cellulose, nitrocellulose dissoute dans l'acétate de butyle).

#### **I.3.4 Boruration à composants multiples**

Le procédé consiste à introduire dans la surface simultanément ou consécutivement, le bore et un ou plusieurs éléments métalliques (chrome, vanadium, titane, silicium et aluminium), cette technique permet d'obtenir des couches superficielles ayant une

dureté (jusqu'à 5000HV), une tenue à l'usure et une résistance à la corrosion supérieures à celles des couches borurées simples [8]. Cette technique peut être réalisée dans des sels fondus à base de borax ou dans des poudres auxquelles on incorpore les éléments métalliques choisis.

#### I.3.5 Les borures dans le métal

La boruration a fait l'objet de plusieurs applications industrielles telles que : le traitement des pièces employées dans l'industrie pétrolière et l'automobile. Ce procédé de boruration peut être effectué sur les alliages ferreux (aciers et fontes) et les alliages non ferreux.

La boruration est aussi réalisable sur des substrats à base de métaux de transition

tels que : nickel, cobalt, molybdène, tantale, tungstène et titane. Le tableau I.2 montre les phases formées dans la couche borurée et les valeurs de micro dureté lors de la boruration de certains métaux de transition.

 Tableau.I.2 : Phases présentes et les duretés des borures de certains métaux de transition [12]

Substrat	Phases présentes	Valeurs de micro dureté
Fer	FeB	1900-2100
	Fe2B	1800-2000
Cobalt	СоВ	1850
	Co <sub>2</sub> B	1500-1600
Nickel	Ni <sub>4</sub> B <sub>3</sub>	1600
	Ni <sub>2</sub> B	1500
	Ni <sub>3</sub> B	900
Molybdène	Mo <sub>2</sub> B	1660
	MoB <sub>2</sub>	2400-2700
Titane	TiB	2500
	TiB <sub>2</sub>	3370
Tungstène	W <sub>2</sub> B	2700
	WB	2700
	W <sub>2</sub> B <sub>5</sub>	2700
Niobium	Nb <sub>2</sub> B <sub>2</sub>	2600-3000
	NbB <sub>4</sub>	2600-3000
Tantale	Ta <sub>2</sub> B	3200-3500
	TaB <sub>2</sub>	2500

#### I. : Influence des éléments d'addition sur la boruration:

La présence des éléments de d'alliage (comme le fer, cobalt) dans le substrat modifient la morphologie et les propriétés des couches borureés [13]. De ce fait ces éléments entrent en compétition avec le bore et ils peuvent avoir une influence directe sur la cinétique de boruration.

#### 1. <u>Fer</u>

les premièrs travaux sur les borures de fer remontent à MOISSAN[14]
,[15] BINEFT de JASSONEIX signale [16] et [17] l'existence de trois borures de fer Fe<sub>2</sub>B, FeB, *FeB*<sub>2</sub>.WEVER et MULER ont fait une étude par l'analyse thermique[18] . L'existence de borures de fer Fe<sub>2</sub>B et FeB à été confirmée par l'analyse cristalline au rayons X en particulier par les travaux de BJURSTROM et ARNFELT .HAGG, HENDICKS et KOSTING [19] ont déterminé respectivement la structure de Fe<sub>2</sub>B et FeB

#### 2. <u>Cobalt</u>

#### Etude de structurale et magnétique :

Les solutions solides (Fe, Co) B riches en fer préparées ver 750C°.

Les borures FeB et CoB représentent une suite de solutions solides continues de structure orthorhombique. Ces phases sont ferromagnétique pour le borure de Fer (FeB) et paramagnétique dans la région de CoB.

La continuité de structure avec la substitution progressive de cobalt au fer se traduit par la courbe de variation de point de curie et les courbes de variation des paramètres cristallins en fonction de la concentration atomique en cobalt (figure 1, 2 et 3 )

## • Tableau (I.3): caractéristique de la phase FeB ,CoB[21]

Concertation	Point de curie	Paramètres cristallins[A]		
atomique en				
cobalt		A	В	C
FeB	309C°	5,501	4,058	2,948
4,6	289C°			
14,3	236C°			
22,7	179C°	5,462	4,038	2,962
26,3	169C°			
32,0	130C°			
45,3	75C°	5,415	4,017	2,980
53,4	-1C°			
59,9	-51C°			
65,8	-98C°	5,364	3,997	3,000
83,9		5,307	3,977	3,024
СоВ		5,246	3,958	3,046



Figure 1.1: Points de curie des phases  $Fe_xCo_{1-x}B$  en fonction de la concentration atomique de coblt[22]



Figure I.2 : variation de a en fonction de la concentration atomique en cobalt[23]





#### I.4 Diagramme d'équilibre de borure des métaux de transition

#### 4.1Structure cristalline des borures de cobalt

Puisque les atomes de bore diffusent dans le visage centré structure cubique du cobalt, il était crucial d'analyser le cobalt propriétés de la matrice. La constante de réseau de la cellule élémentaire est 0,3544 nm [8], alors que la distance entre deux voisins les atomes, est de 0,2506 nm. La structure contient deux types de sites: tétraédrique et octaédrique, comme indiqué dans le tableau 3. Analyser les rayons des atomes de cobalt et de bore comme les rayons des deux types de sites , nous pouvons conclure que la diffusion à travers les sites octaédriques est plus probable.

Il y a quatre sites octaédriques dans chaque cellule élémentaire du Système cubique à faces centrées (A1). Autour de chaque site, il y a atomes de six nœuds disposés sur la

sphère avec le rayon  $R = \frac{a}{2}$ 

#### 4.2 Structure cristalline des borures de fer

#### 1. Le borure de fer FeB

La structure des borures de fer à été étudiée pour la première fois par KIESSLING et al. [24]

Le borure FeB cristallise dans le système orthorhombique



Figure I.4 : réseau cristallin de borure de fer[25]

La maille élémentaire est composé de quatre atome de fer et quatre atome de bore .ces dernière occupent les centres de prismes trigonaux, on peut dire que ces atomes sont arragnés en des chaines en zig-zig comme le montre la figure 1.4 la distance inter atomique B-B est de l'ordre de 0,177nm

Les paramètres de maille de phase FeB ont les valeurs suivantes

a = 0,4053 nm b = 0,5495 nm c=0,2946nm



FigureI.5 : la structure de la phase borure FeB (projection sur le plan (010)[26]

#### 2 <u>.Le borure de fer Fe<sub>2</sub>B</u>

Le borure Fe2B cristallise selon un réseau quadratique centré



FigureI. 6 : réseau cristallin du borure de fer Fe<sub>2</sub>B [25]

La maille élémentaire est composée de douze atomes .L'arrangement des quatre atomes de bore est décrite par lq fig1.6. Les paramètres de maille ont les valeurs suivantes a = b = 0,5078 nm, c = 0,4249 nm

La formation de FeB et de Fe2B dépend de plusieurs paramètre tels que la durée de traitement, la température du traitement, la concentration en bore et la composition chimique de la surface de substrat [3].généralement une concentration conduit à la formation de la double couche (FeB+Fe<sub>2</sub>B) fig1 .6



Fe sur z=1/4
 Fe sur z= 3/4
 B sur z= (0, 1/2, 1)

FigureI.7: la structure de Fe2B (projection sur le plan cristallographique (001)[26]

#### I.5 Caractéristiques physico-chimiques des borures de fer

#### I.5.1 1 Les borures dans le métal

Avec la plupart des métaux, il est possible de former au moins une couche de borure. Pour quelques métaux d' autres méthodes sont appliquées pour diffuser le bore [27]. Pendant le processus de la boruration des couches monophasées ou polyphasées peuvent se former, généralement la couche monophasée (Fe<sub>2</sub>B) est préférable pour des applications industrielles , car le FeB est fragile [28-29]. Avec une couche polyphasée, le FeB se trouve à l'extérieur de la couche borurée. Le FeB possède une structure orthorhombique et sont contenu de bore est de 16 % en masse. Le Fe<sub>2</sub>B possède une structure cristalline quadratique centrée et sont contenu de bore est 8.83% en masse [30].

## I.5.2 Système binaire Fer-Bore



la figure (I.8) : présenté Le diagramme d'équilibre binaire Fe-B [31]

## I.6 <u>Caractéristiques des borures CoB, FeB et Fe<sub>2</sub>B</u>

Propriété	Fe2B	FeB
Température de fusion c°	1390	1550
Température de curie c°	742	325
Teneur en bore (% masse)	8,83	16,23
Structure crystalline	Quadratique centre	Orthorhombique
Paramètre du réseau (nm)	a =0,405 ;c=0,4249	a =0,405 ;b=0,549 ;
		c=0,2948
Densité (g/cm <sup>3</sup> )	6 ,75	7,43
Coefficient de délitation	7,65-9,2 aux environ de	23dans la gamme de 200-
thermique $(10^{-6})$	800C°	600C°
Densité (g/cm <sup>3</sup> )	1800-2000	1900-2100
Module d'élasticité (GPa)	590	285-295
Résistivité électrique ( $\mu\Omega$ -	50	20
cm)		
Conductibilité thermique (W/	20-30	10-20
Ténacité (MPa)	3,3	2,7

le tableau I.4 : Les principales caractéristiques physico-chimiques et mécaniques des borures de fer Fe<sub>2</sub>B et FeB. [32,33,34]

#### **<u>I.7</u>** Les aspects pratiques de la boruration et ses applications

Le processus de la boruration trouve de nombreuses applications industrielles, on peut recourir à la boruration chaque fois que l'on doit faire face à des problèmes d'usure, comme l'usure abrasive, ou les problèmes de corrosion dans des milieux acides ou basiques ou dans des métaux fondus. Les qualités recherchées différent selon l'application considérée (protection anti

corrosion, propriété tribologique, optiques, thermique...).

Guide fils (fils textiles et métallique)

- Plaques de criblage (matériaux granulés ou pulvérulents)
- Pales de ventilateurs (atmosphères poussiéreuses)
- · Guides chaînes-scies de tronçonneuses Axes tournants dans des joints d'étanchéité
- · Elément de conduite pour le transport pneumatique des grains ou autres matières

#### pulvérulentes ou pour le transport du béton

- Moules ou filières à céramique
- · Eléments de moules de fonderie d'alliages légers et d'alliages de zinc (acier

Z35 CDV5) Pièces de pompes à acides

#### **I.8.** Conclusion

La technique de boruration est utilisée pour réaliser des couches dures qui résistent à l'usure et à la corrosion. Elle peut être effectuée soit en phase solide, liquide ou gazeuse. Les borures qui sont produits ont des propriétés physico-chimiques et mécanique intéressantes pour les différentes applications industrielles. On peut réaliser avec cette technique des couches borurées monophasées ou biphasées.

# **Chapitre II**

#### II. Théorie de la fonctionnelle de la densité : DFT

#### II.1 Introduction

La description du comportement d'un tel matériau a connu plusieurs tentatives d'explication. Les premières tentatives ont commencé avec le modèle de Drude [1]. Ce dernier proposa une vision classique de l'électron dont le point de départ est la théorie cinétique des gaz appliquée à l'électron [2]. Cette approche est très instructive et importante. Pauli a apporté une amélioration au modèle de Drude en introduisant la notion de fermions dans son modèle. Puis, Fermi a développé les conséquences du principe d'exclusion de Pauli vers une formule générale de la statistique de particules indépendantes [3].

Partant d'un système mono-électronique à un système multiélectronique, les équations d'états deviennent plus en plus compliqués et difficile à résoudre basant sur des théories cités, et par conséquent il fallait chercher d'autres formalismes qui essaient de décrire mieux les propriétés d'un système, d'où la naissance de la théorie de la densité fonctionnelle (DFT) (density fonctionnel theroy) vers les années 1967. [4]

La théorie de la densité fonctionnelle « DFT » et les méthodes **ab initio** qui en découlent sont maintenant devenues incontournables pour l'étude des propriétés des matériaux. Les progrès considérables dans les dix dernières années, à la fois dans le domaine de la théorie, des implémentations de cette théorie et des outils et méthodes informatiques, font que la modélisation de composés réels (à structures éventuellement complexes) devient parfaitement envisageable avec des moyens et un temps de calcul plus ou moins rapide.

#### II.2 Equation de Schrödinger :

L'équation de Schrödinger est l'équation fondamentale de la physique quantique, au même titre que le principe fondamental de la dynamique pour la physique classique. Elle exprime la conservation de l'énergie en termes quantiques.

L'équation de Schrödinger donnée par cette équation :

$$H\psi = E\psi \tag{II.1}$$

$$\hat{H} = T_n + V_{ne} + V_{ee} + T_e \tag{II.2}$$

H : Opérateur Hamiltonien exact du cristal résulte de la présence des forces électrostatique d'interaction : répulsion ou attraction suivant la charge des particules (noyaux, électrons)

$$\psi(r_1, r_2, \dots, r_N) = \psi_1(r_1)\psi_2(r_2)\dots \psi_N(r_N)$$
(II.3)

 $\Psi$ : représente la fonction d'onde totale du système.

Tn et Te: représentent respectivement l'énergie cinétique des noyaux et l'énergie cinétique des électrons

$$T_n = -\sum_k^M \frac{\hbar^2}{2m_k} \nabla_i^2 \quad ; \ T_e = -\sum_i^N \frac{\hbar^2}{2m_e} \nabla_i^2 \qquad (\text{II.4})$$

*V<sub>ee</sub>*: l'énergie potentielle répulsive entre les électrons.

$$V_{ee} = \sum_{i < j} U(\vec{r}_i, \vec{r}_j) = \sum_{i < j} \frac{e^2}{|\vec{r}_i - \vec{r}_j|}$$
(II.5)

 $V_{ne}$ : l'énergie d'attraction électrons-noyaux.

$$V_{ne} = -\sum_{i < k} \frac{Z_k e^2}{|\vec{r_i} - \vec{R_k}|}$$
(II.6)

 $V_{nn}$ : l'énergie potentielle d'interaction entre les noyaux

$$V_{nn} = \sum_{i < j} U\left(\overrightarrow{R_i}, \overrightarrow{R_j}\right) = \sum_{i < j} \frac{Z_i Z_j e^2}{\left|\overrightarrow{R_i} - \overrightarrow{R_j}\right|}$$
(II.7)

La solution de l'équation (II-1) revient à la résolution d'un problème à N corps. Mais comment résoudre le problème à plusieurs corps ? autrement dit, comment obtenir à partir de l'équation de Schrödinger les énergies les plus basses, c'est-à-dire le fondamental ? Il est impossible de répondre à cette question son faire une série d'approximation. Il faut donc chercher une approximation supplémentaire par chance, la masse des noyaux et des électrons va nous permettre de justifier une approximation très utile qui est l'approximation de Bron Oppenheimer.

#### II.3Principe de la théorie de la fonctionnelle de la densité

La solution d'un tel problème ainsi que sa représentation analytique s'annonce une tâche difficile compte tenu de la mémoire limitée des outils informatiques. Cependant, il est possible de reformuler le problème en employant les théorèmes et les approximations adaptés. La théorie de la densité fonctionnelle aurait suscité peu de curiosité de nos jours, si ce n'est dans le cadre du théorème établi par *Kohn* et *Sham* [5], ce qui l'a rendue utile à travers des approximations sur les fonctionnelles de l'état fondamental, et ce, afin de décrire les systèmes réels à plusieurs électrons. L'idée originale de cette théorie a vu le jour dans les travaux de *Thomas* [6] et *Fermi* [7] en 1927. Bien que leurs approximations ne soient pas suffisamment appropriées pour des calculs de structure électronique, cette approche élucide la manière de fonctionnement de la *DFT*. Dans leur premiers travaux, *Thomas* et *Fermi* ont écarté les interactions entre les électrons, considérant ainsi le système comme un gaz homogène et son énergie cinétique comme fonctionnelle de la densité (locale). Les deux auteurs ont négligé les effets d'échange-corrélation qui surgissent entre les électrons, cependant ce défaut fut corrigé par *Dirac* [8] en 1930, qui a introduit l'approximation d'échange locale.

La DFT s'est donnée pour le but de déterminer, à l'aide de la seule connaissance de la densité électronique les propriétés de l'état fondamental d'un système composé d'un nombre fixé d'électrons, en interaction avec les noyaux ponctuels.

#### II.4<u>Approximation de la densité locale (LDA)</u>

En 1965, Kohn et Sham [9] proposent l'approximation de la densité locale (LDA), où ils supposaient que la variation de la densité électronique est suffisamment lente pour qu'elle soit celle d'un gaz localement homogène avec une énergie donnée par :

$$E_{xc}[\rho(r)] = \int \rho(r) \,\varepsilon_{xc}^{hom}[\rho(r)] dr^3 \qquad (II.8)$$

Ou  $\varepsilon_{xc}^{hom}(n)$  est la densité d'énergie d'un gaz homogène d'électrons de densité n autour de chaque point r. On remplace le système réel par un gaz homogène d'électrons de densité  $\rho(r)$ . La fonction $\varepsilon_{xc}^{hom}(n)$  peut être décomposée en une contribution d'échange $\varepsilon_{xc}^{hom}(n)$  et de corrélation $\varepsilon_{xc}^{hom}(n)$  La contribution d'échange se calcul à partir de la fonctionnelle d'énergie d'échange formulée par Dirac.

Pour l'énergie de corrélation, des valeurs sont disponibles via les calculs de Monté Carlo quantiques établi par Ceperley et Alder dont les résultats peuvent être interpolés afin d'obtenir une forme analytique. Il existe de nombreuses para métrisations telles que celles de Hedin-Lundqvist, Perdew-Zugner ou Volko-Wilkes-Nusair.

L'approximation LDA est insuffisante dans certains cas, à savoir la sous- estimation de l'énergie totale dans le cas des structures Fe (cfc) et Fe (hcp), ajouté à cela une mauvaise description des liaisons faibles.

Trouver la fonction  $\rho(r)$  n'est pas trivial. Ce travail fait l'objet de nombreuses études qui déterminent les valeurs de ce que l'on appelle la fonctionnelle d'échange et corrélation. Les premières évaluations précises ont étés faites en 1980 par D. Ceperley et B.J. Alder [10] ; et par Hedin-lindqvist (1972)[10]. D'autres travaux tels [11] ou [12] précisent, modifient ou corrigent légèrement ces valeurs. Mais les résultats obtenus en utilisant l'une ou l'autre fonctionnelle sont sensiblement équivalents.

#### II.5 Approximation du gradient généralisé (GGA)

L'approche LDA se fondait sur le modèle du gaz d'électrons et supposait donc une densité électronique uniforme. Cependant les systèmes atomiques où moléculaires sont plus souvent très différents d'un gaz d'électrons homogène et, de manière plus générale, on peut considérer que tous les systèmes réels sont inhomogènes c'est-à-dire quell densité électronique epossède uneVariation

L'approximation non-locale GGA a été développé de manière à prendre en compte cette variation de la densité en exprimant les énergies d'échange et de corrélation en fonction de la densité mais également de son gradient (dérivée première).De manière générale, l'énergie d'échange et de corrélation est définiée dans l'approximation GGA comme :

$$\mathbf{E}_{xc}^{GGA}[\rho] = \int [f(\rho(r), \nabla \rho(r)] d^{3}r \qquad (\text{II.9})$$

La GGA est donnée par différentes para métrisations de la fonctionnelle d'échange et de corrélation . L'approximation du gradient généralisée a été développée pour améliorer la qualité des résultats de la LDA. La version GGA proposée par Backc 88, Perdew et Wang où bien encore MPW (Modifie Perdew Wang), on peut citer également les fonctionnelles d'échange B88(Backc88), Perdew86, où PBE (perdew Burkc-Ernzerhof).L'amélioration de

la qualité des énergies totales par la GGA, a changé l'attitude des chimistes quanticiens quand à l'utilisation des calculs DFT-GGA, pour étudier les propriétés physiques de grosses molécules à la place de la traditionnelle Hartree-Fock (HF),plus un traitement des effets de corrélation.

#### II.6 Résolution des équations de Kohn-Sham à une particule.

Le modèle de Kohn-Sham permet d'aboutir à un ensemble d'équations de Schrödinger mono- électroniques connues sous le nom de Kohn-Sham.

$$\left[-\frac{\nabla^2}{2m} + V_{ext} + V_H + V_{xc}\right]\Psi_i = \mathbf{E}_i\Psi \qquad (\text{II.10})$$

qui doivent être résolues numériquement selon un processus itératif. De manière à pouvoir résoudre ces équations de manière numérique, un certain nombre de représentations de la densité, le potentiel et surtout les orbitales de Kohn-Sham doivent être envisagées.

Le choix de la représentation est fait pour minimiser le temps de calcul, en maintenant suffisamment la précision. Les orbitales de Kohn-Sham sont donnés par :

$$\Psi_i(r) = \sum_{\alpha} C_{i\alpha} \Psi_{\alpha}(r) \qquad (\text{II.11})$$

Où  $\Psi_{\alpha}(r)$  sont les fonctions de bases, et les  $C_{i\alpha}$  sont les céfficients de l'expansion.

La résolution self- consistante des équations de KS revient a déterminer les  $C_{i\alpha}$  pour les orbitales occupées qui minimisent l'énergie totale. L'énergie est réécrite en utilisant les valeurs propres à une particule, pour éliminer la fonctionnelle inconnue  $T_s[\rho]$ .

$$\mathbf{E}(\rho) = \mathbf{E}_{ii}[\rho] + \sum_{occup} \varepsilon_i + \mathbf{E}_{xc}[\rho] - \int \rho(r) \left( V_{xc}(r) + \frac{1}{2} V_H(r) \right) d^3r \qquad (\text{II.12})$$



Figeure II.1 Cycle auto cohérent de la théorie de la fonctionnelle de la densité (DFT).[17]

#### II.7 La méthode FP-LAPW

La méthode « Full Potential Linearized Augmented Plane Wave (FP-LAPW) » développée par l'équipe de Schwarz, [12] est basée sur la résolution auto-cohérente des équations de Kohn-Sham dans deux régions arbitrairement définies de la maille élémentaire.

La région I correspond à des sphères atomiques ne se recouvrant pas, de rayon Rmt (mt = muffin tin), ou on utilise une série de combinaisons linéaires de fonctions radiales et angulaires.

La région II est la région interstitielle entre les sphères. Elle est décrite par une expansion d'ondes planes. Les deux types de région, représentées schématiquement sur la Figure (I-1).

La convergence de cette base est contrôlée par un paramètre de « cut-off » *Rmt \*Kmax* qui est le produit du rayon de la plus petite sphère de muffin-tin (*Rmt*) par l'énergie de coupure de la base d'ondes planes.

Cette méthode permet la considération d'un potentiel réaliste (FP = Full Potential) qui ne se restreint pas à la composante sphérique. Contrairement aux méthodes utilisant des pseudopotentiels, les électrons de cœur sont intégrés dans le calcul. On obtient ainsi une description correcte des fonctions d'onde prés du noyau. c'est la méthode la plus précise mais elle est lourde en temps de calcul.

Cette méthode est complémente dans le code WIEN2K.

Développé par BLAHA et SCHWARZ depuis 1990 à l'institut de chimie des matériaux de vienne.



Figure II.2 Partition de la maille unitaire en sphéres atomiques I et en région interstitielle II [18]

#### II.8 Le code de calcul Wien2k :

Historiquement, Wien2k a été développé par PeterBlaha et Karlheinz Schwartz de l'institut de Chimie des matériaux d'Université Technique de Vienne (Autriche). Ce code a été distribué pour la première fois en 1990. Les versions suivantes ont été WIEN93, WIEN97, WIEN2K.

Une application réussie de la méthode FP-LAPW est le programme Wien, un code développé par Blaha, Schwartz et Luitz [14]. Il a été appliqué succès pour le gradient du champ électrique [11,12], les systèmes supraconducteurs à haute température, les minéraux, les surfaces des métaux de transition [13], les oxydes non ferromagnétiques [14] et même les molécules [15].

Wien2k [16] consiste en différents programmes indépendants qui sont liés par le CSHEL SCRIPT. L'usage des différents programmes Les principaux programmes nécessaires pour faire lecalcul auto-cohérent sont:

NN : C'est un programme qui donne les distances entre les plus proches voisins, qui aide à déterminer le rayon atomique de la sphère.

LSTART : Un programme qui génère les densités atomiques et détermine comment les différentes orbitales sont traitées dans le calcul de la structure de bande, comme des états du coeur avec ou sans orbitales locales

SYMMETRY : Il génère les opérations de symétrie du groupe spatial, détermine le groupe

ponctuel des sites atomiques individuels, génère l'expansion LM pour les harmoniques du réseau et détermine les matrices de rotation locale.

➢ KGEN : Il génère une maille k dans la zone de Brillouin.

DSTART : Il génère une densité de départ pour le cycle SCF par la superposition des densités atomiques générées dans LSTART. Alors un cycle self consistant est initialisé et répété jusqu'à ce que le critère de convergence soit vérifié. Ce cycle s'inscrit dans les étapes suivantes :

- LAPW0 : Génère le potentiel à partir de la densité.
- LAPW1 : Calcul les bandes de valence, les valeurs propres et les vecteurs propres.
- LAPW2 : Calcul les densités de valence.
- LCORE : Calcul les états du coeur et les densités.
- MIXER : Mélange la densité d'entrée et de sortie.

#### **Introduction :**

Ce chapitre est consacré aux résultats de calculs de la méthode FP-LAPW appliqués dans la phase Orthorhombique des monoborures CoB et FeB et de la phase tétraédrique des diborures de cobalt et de fer  $Co_2B$  et  $Fe_2B$ 

Dans la partie I, nous étudions les propriétés structurales, de la phase Orthorhombique des mono borure du cobalt et de fer CoB et FeB et celle de la structure tétraédrique des di borures de cobalt et de fer Co2B et Fe2B à la température ambiante et sous la pression hydrostatique.

Dans la partie II, nous concentrons notre étude sur les propriétés électroniques de la structure Orthorhombique des mono borure du cobalt et de fer CoB et FeB et celle de la structure tétraédrique des di borures de cobalt et de fer Co<sub>2</sub>B et Fe<sub>2</sub>B

Dans la partie III, nous concentrons notre étude sur les propriétés magnetiques de la structure Orthorhombique des mono borure du cobalt et de fer CoB et FeB et celle de la structure tétraédrique des di borures de cobalt et de fer Co<sub>2</sub>B et Fe<sub>2</sub>B

#### Détails de calcul.

Dans ce travail, nous avons utilisé des calculs relativistes avec la méthode FP-LAPW (par le code Wien2k [1]) basée sur la théorie de la fonctionnelle de densité [2] avec les approximations de la LDA et la GGA utilisant le caractère de Perdew, Brouke et Erzehnof [3]. Nous adaptons la forme de Ceperley-Alder pour l'énergie d'échange et de corrélation paramétrisée par Perdew et Wang [3]. Les fonctions de base, sont développées en des combinaisons de fonctions d'harmoniques sphériques à l'intérieur des sphères non-chevauchées entourant les sites atomiques (Sphères de muffin-tin) et en série de Fourier dans la région interstitielle. Dans la région de muffin tin, le développement radial en *l* du potentiel non-spherique et de la densité de charge est effectué jusqu à la valeur  $l_{max} = 10$ . Afin d'obtenir la convergence des valeurs propres, les fonctions d'ondes dans la région interstitielle sont étendues en ondes planes avec une coupure a  $K_{max} \cdot R_{mt} = 8$  (où  $R_{mt}$  est le rayon moyen des Sphères de muffin tin). Dans ces calculs, nous avons traité les états Co  $(1s^22s^22p^63p^6)$ ,

Fe(  $1s^22s^22p^63s^23p^6$ ) et ) B ( $1s^2$ )

comme des états de cœurs et le reste, c'est-à-dire Co $(3d^7 4s^2 4p^1)$ , Fe $(3d^6 4s^2)$  et B  $(2s^2 2p^1)$ comme étant des états de valence. Les états 3d-Co ont été traités comme étant des états de valence à cause de leur importance et de leur influence sur les énergies. Pour les borures de cobalt et de fer cristallisant dans la structure Orthorhombique, nous avons choisi les rayons de muffin–tin .  $R_m$ , de 1.75, 1.75 et 1.3 Bohr, respectivement pour le Cobalt, Fer, et le Bore

L'optimisation structurale s'effectue, en calculant l'énergie totale en fonction du volume V. Les paramètres du réseau à l'équilibre sont calculés en ajustant l'énergie totale en fonction du volume, par l'équation de Murnaghan [4] donnée par :

$$V = V \left(1 + \frac{BP}{B}\right)^{1/B}$$
(4.I)

La constante du paramètre de maille à l'équilibre est donnée par le minimum de la courbe  $E_{tot}(a)$ , le module de compressibilité B est déterminé par :

$$B = V \frac{\partial^2 E}{\partial V^2} \qquad (4.I.1)$$

La dérivée du module de compressibilité *B*' est détermine par :

$$E(V) = E_0 + \frac{B}{B(B-1)} \left[ V \left( \frac{V_0}{V} \right)^B - V_0 \right] + \frac{B}{B} \left( V - V_0 \right)$$
(4.I.2)

#### L'objectif de notre travail :

Etude des propriétés structurelles, électronique et magnétique des borures CoB, FeB, Co<sub>2</sub>B et Fe<sub>2</sub>B

# III.Partie I : calcul des Propriétés Structurales, Electroniques et magnétiques des Monoboride de Cobalt et fer ( CoB et FeB)

III.Partie I.1 Propriétés Structurales Monoboride de Cobalt et fer (CoB et FeB)

Les propriétés structurales sont obtenues par minimisation de l'énergie totale dépendante du volume des composés binaires **CoB et FeB** cristallisant dans la phase Orthorhombique (Figure III. ).

Les constantes des paramètres de maille, le module de compressibilité B et sa dérivée, sont obtenues par fittage non linéaire de l'énergie totale en fonction du volume selon l'équation de Birch Murnaghan [4].

$$E(V) = E_0(V) + \frac{BV}{B''(B''-1)} \left[ B(1 - \frac{V_0}{V}) + (\frac{V_0}{V})^B - 1 \right]$$

où  $E_0$  et  $V_0$  sont l'énergie et le volume à l'équilibre, B et B représentent respectivement le module de compressibilité et la dérivée de pression

Dans les tableaux (III.1), nos résultats d'optimisation de la structure Orthorhombique des composés binaires **CoB et FeB** calculés par les approximations GGA et LSDA sont récapitulés et comparés aux données théoriques [5,6] et expérimentales [7].

Nos résultants montre que l'isertion du bore dans la matrice du cobalt et du fer augmente le volume de ces matrices.

En plus de l'effet de l'insertion du bore sur le volume des matrices du cobalt et du fer, il affecte aussi le module de compressibilité en augmentant sa valeur pour les monoborides CoB et FeB comparativement aux matériaux Co et Fe.

**Tableau III.I.1** Calcul des paramètres  $a(\stackrel{0}{A})$ ,  $b(A^0)$ ,  $c(A^0)$  de maille, le module de compressibilité B(GPa) et sa dérivée B'(GPa) par rapport à l a pression dans la phase Orthorhombique des monoboride CoB et FeB-

Materiaux	Parametres	Nos Calcul		D`autres	Experimental
		GGA	LSDA	Calculs	
	$V(A^3)$	140.761	135.3701	$(10.90)^{b}[8]$	74.9[9]
	-				
	$(a, b, c) (A^0)$	2.953	2.916	2.5071	2.51[10,11]
a		2.953	2.916	4.0686	1.6215[10,11]
Со		4.776	4./11		
	B(GPa)	24.3265	281.9703	-	190[9]
		6.0575	5 3/20		2 6[0]
	B(GPa)	0.0373	5.5429	-	5.0[9]
	$V(A^3)$	501.70	486.4092	423.8[12]	-
	$(a, b, c) (A^0)$	4.859	4.855	(5.206	(5.503
		3.819	3.809	3.068	2.946
CoB		3.969	3.893	3.927	$(4.064)^{\exp^{1}}[15]$
				[13]	
	B(GPa)	244.0693	265.9558	$(238.12)^{b}[14]$	-
	É(GPa)	3.4073	3.809	-	-
					0110
	$V(A^3)$	73.4482	70.3019	79.559[16]	79.86 <sup>exp</sup> [17]
E.	$(a, b, c) (A^0)$	2.7925	2.7500	2.87	-
re		054505	200.100		
	B(GPa)	254.527	309.198	-	-
	ń(cp.)	6 75 40	10.0004		
	B(GPa)	0.7349	10.9004	-	-
	$V(\Lambda^3)$	421.04	408 44	420 12[18]	/23 8[19]
	V(A)	721.07	-00++	420.12[10]	425.0[17]
FeB	$(a h c) (A^0)$	5 47		(5.495	(5 317
		2.84		2.946	2.950
		3.99		4.053) <sup>b</sup> [20]	3.964
					4.126)[21]
	B(GPa)	311.75	341	$(286.6)^{a}[22]$	-
	É(GPa)	4.73	4.66	-	-

<sup>b</sup>Refs.[8], <sup>b</sup>Ref.[14], <sup>b</sup>Ref.[20], <sup>a</sup>Ref. [22], <sup>exp</sup>Ref. [17], <sup>exp1</sup>Ref. [15],



Figure III.1 : La variation de l'énergie totale en fonction du volume du CoB dans la structure orthorhombique avec l'approximation GGA et LSDA



Figure III.2 : La variation de l'énergie totale en fonction du volume duFeB dans la structure orthorhombique avec l'approximation GGA et LSDA

# III.Partie I.2 Propriétés Electroniques des monoboride de Cobalt et fer (CoB et FeB) I.2.1 Structure de bande du CoB et FeB

Les structures de bande de la phase Orthorhombique des composes binaires CoB et FeB calculées avec les approximations GGA et LDA à la pression normale le long de principaux points de haute symétrie de la zone de Brillouin sont montrées dans les figures.**III.I.2**. Ces structures de bande sont calculées sur la base des constantes des paramètres de maille d'équilibre.

Ces figures montrent qu'il y un chevauchement des bandes de valence avec les bandes de conduction. Donc on dire que ces monoborides **CoB et FeB** presentent un caractere metallique.





Figure III.4: le structure de bande de phase orthorhombique de CoB



Figure.III.5 : Structure de bande de la phase Orthrhombique des monoborides CoB et FeB

#### **I.2.2 Densite d'etat (DOS) des monoborides CoB et FeB**

Un essentiel ingrédient dans la détermination des propriétés électroniques des solides est la distribution d'énergie des électrons de bandes de valence et de conduction .

Les quantités théoriques telles que l'énergie totale du solide, la position du niveau de Fermi, et les probabilités d'existence des électrons nécessitent des calculs détaillés de la densité électronique des états (DOS). Les calculs du DOS exigent un degré de précision très élevé avec l'utilisation d'un grand nombre de points k dans la zone de Brillouin. Dans nos calculs nous avons considéré un nombre K = 2000 pour la phase orthorhomique des monoborides **CoB et FeB** 

Comme il est montré sur la figure 31, le DOS total est dominé par la densité des électrons des orbiales d dans les bandes majoritaires et minoritaires des monoborides du cobalt et du fer (CoB et FeB).

Comme l'énergie de Fermi est épinglée au-dessus des états d purs, les deux composés montrent des ferromagnétiques forts.



# Figure.III.5 : Densité d'état totale et partielle dans la phase Orthrhombique des monoborides CoB et FeB

# III.Partie I.3 Propriétés magnetiques des monoboride de Cobalt et fer et Borures de Cobalt et de Fer CoB et FeB

Pour les systèmes magnétiques, les calculs à spins polarisés sont effectués en utilisant le concept des électrons à spin-up et spin-down séparément.

Les résultats montrent que le moment magnétique du cobalt pur est de 2.97  $\mu$ B et celle de monocobqlt CoB est de -0.103  $\mu$ B, et cela veut dire que le CoB a un caractere paramagnetique.

Pour ce qui est du monoboride de fer, nous avons trouvees une valeur de moment magnetique de 2.20202mB pour le fer pur et une valeur de $4.20191 \mu B$  pour le monoboride de fer FeB

Ce qui donne un caractere feromagnetique le monoboride de fer FeB.

Ces valeurs sont en bon accord avec des données expérimentales disponibles et théoriques

[23] utustrees sur le tableau (III.I.2).

Moment magnétique du système borruration					
	Nos Calcul	Calcul LSDA	Autre calcul	Experimental	
Materiaux	GGA				
СоВ	-0.10308	-0.12007	0[24]		
FeB	1.05	1.08	1.126[26]	(1.12) <sup>exp1</sup> [25]	

<sup>exp1</sup>Ref[25]

## <u>III.Partie II : calcul Propriétés Structurales, Electroniques et magnétiques des</u> <u>diboride de Cobalt et Fer (*Co*<sub>2</sub>*B* et *Fe*<sub>2</sub>*B*)</u>

#### III.Partie II.1 Propriétés Structurales monoboride de Cobalt et fer (Co<sub>2</sub>B et Fe<sub>2</sub>B)

Les propriétés structurales obtenues par minimisation de 'l'énergie totale des diborures de Cobalt et de Fer ( $Co_2B$  et  $Fe_2B$ ) cristallisant dans la phase Tétraedrique (Figure III.). Les resultants de calcul des parametres de maille (a, b, c), le module de compressibilité Bet sa derivée  $\dot{B}$  sont regroupés dans le tableau (*III. II.* 1), ces valeurs sont en bond accord avec les resultats experimentals et theoriques

d'après nos resultants nous constatons que le module de compression  $B_0$  du diborure de cobalt  $Co_2B$  est plus large que celui du diboride de fer  $Fe_2B$ , donc on peut dire que le materiau  $Co_2B$  que le materiau  $Fe_2B$  **Tableau III.II.1** Calcul des paramètres  $a(\stackrel{0}{A})$ ,  $b(A^0)$ ,  $c(A^0)$  de maille, le module de compressibilité B(GPa) et sa dérivée B'(GPa) par rapport à l a pression dans la phase Tétraédrique des diboride de cobalt (Co<sub>2</sub>B) et de Fer (Fe<sub>2</sub>B)

Materiaux	Parametres	Nos Calcul		D`autres	Experimental
		GGA	LSDA	Calculs	
	$V(A^3)$	262.846	329.7343		-
	$(a,b,c) (A^0)$	3.932	4.860	4.969[27]	5.015[28]
Co <sub>2</sub> B		3.932	4.860	4.969 [27]	5.015[28]
		3.376	4.132	4.239[27]	4.215[28]
	B(GPa)	262.8461	350.3717	(247.26) <sup>d</sup> [29]	-
	$\hat{D}(CD_{\alpha})$	3 /08/	6.0021		
	B(GPU)	5.4904	0.0021	_	-
	$V(A^3)$	350.8882	335.7133	357.29[30]	-
	$(a, b, c) (A^0)$	3.956	4.914	5.0123[31]	5.109[32]
Fe <sub>2</sub> B		3.956	4.914	5.0123[31]	5.109[32]
		3.318	4.115	4.209[31]	4.055[32]
	B(GPa)	258.6169	299.7170	$(249.5)^{d}[33]$	-
	<i></i>	4.0.44.6			
	B(GPa)	4.8416	5.5615	-	-

<sup>d</sup>Ref.[29], <sup>d</sup>Ref.[33]



Figure III.6 : La variation de l'énergie totale en fonction du volume des diborures de Cobalt et de Fer  $(Co_2B \ et \ Fe_2B)$  dans la structure Tétraédrique calculée avec les approximations GGA et LSDA

## **III.Partie II.2Propriétés Electroniques des diborures de Cobalt et de Fer** (*Co*<sub>2</sub>*B et Fe*<sub>2</sub>*B*)

#### Densite d`etat (DOS):

Pour comprendre les propriétés physiques de ces

borures à un niveau fondamental, la densite d'etat totale (DOS) de trois borures de Cobalt et de Fer ont été calculés à une pression nulle, **Figure III.II.2** 

On peut voir que tous ces composés posséder un DOS fini au niveau de Fermi. Ici, ces borures présentent un comportement métallique clair. De plus, l'occupation orbitale majeure près de Fermi sont dominées par les électrons Co-3d et Fe-3d, qui sont la principale cause de ce comportement mettalique.

Dans cette figure ,les DOS de Co-3d , Fe-3d et B-2p sont énergétiquement

dégénéré du bas de la bande de valence jus qu`au niveau de Fermi, indiquant l'hybridation covalente entre les atomes de Co,Fe et B dans ces composés.

la diminution du total DOS au niveau de Fermi est accompagné de l'apparition de la Pseudo gap autour du niveau de Fermi , qui est

utile pour augmenter la stabilité de ces borures et la force

du covalent de la liaison chimique entre les deux metaux de transition Co,Fe et Atomes B .



Figure.III.7 : Densité d'état totale et partielle dans la phase Tétraédrique des diborides $(Co_2B \ et \ Fe_2B)$ 

## III.Partie II.2Propriétés magnetiques des diborures de Cobalt et de Fer (Co<sub>2</sub>B et Fe<sub>2</sub>B)

Pour calculer les propriétés magnétiques des semi borides  $Co_2B$  et  $Fe_2B$ , nous avons effectués des calculs de spins polarisés. Les moments magnétiques de ces systèmes pour chaque configuration sont présentés dans le tableau 4 avec d'autres résultats expérimentaux et théoriques.

Le tableau **III.II.2** montre que le moment magnétique calculé par les deux approximations GGA et LSDA a pour valeurs respectives (1.05, 1.08)  $\mu B$  et (1.95, 1.14)  $\mu B$ . Ces valeurs trouvees sont en bon accord avec d'autres valeurs theoriques [34] et experimental [35].Ces resultants confirment le caractère ferromagnétique des semi borides **Co<sub>2</sub>B et Fe<sub>2</sub>B** 

#### Tableau III.II.2: moment magnetique des Materiaux Co2B et Fe2B

Moment magnétique du système borruration					
	Nos Calcul	Calcul LSDA	Autre calcul	Experimental	
Materiaux	GGA				
Co <sub>2</sub> B	0.818	0.66	1.20 <sup>a</sup> [34]	1.12 R <sup>exp</sup> [35]	
Fe <sub>2</sub> B	1.95	1.14	1.96 R <sup>a</sup> [36]	1.62 R <sup>exp2</sup> [37]	

Ref.<sup>a</sup>[34] ,Ref.<sup>exp</sup>[35] ,Ref.<sup>a</sup>[36], Ref.<sup>exp2</sup>[35].

# **Conclusion générale**

### Conclusion générale

Dans ce travail, nous avons présentés l'étude de la structure magnétique et électronique du CoB,  $Co_2B$ , FeB et Fe<sub>2</sub>B

et ses boruration en utilisant la méthode du premier principe LAPW dans le cadre de la théorie de la fonctionnelle de densité (DFT).

Les structures d'équilibre de Co cobalt et ses borure CoBet  $Co_2B$  et Les structures d'équilibre De Fe et ses borure FeB ,Fe2B sont obtenus à partir de la minimisation de l'énergie totale DFT / GGA. Notre étude montre que :

L'Insertion de bore dans le cobalt Co conduit à un effet sur les propriétés structurales, électroniques et magnétiques.

a) L'Insertion de bore dans le cobalt Co provoque une expansion du réseau cristallin (effet sur le volume de la cellule), l'augmentation du volume pour les borure entraine des interactions atomiques plus élevées, puisque leurs distances augmentent a mesure que la concentration de bore augmente.

b) Nos calculs montrent que le DOS subit une modification progressive

en particulier près du niveau de Fermi lors del`incorporation de bore dans la matrice du cobalt et fer

c) L'Insertion de bore dans le cobalt et fer , provoque une forte réduction du moment magnétique (effet magnétique)

#### <u>**Référence :**</u>

#### <u>Références</u>

#### Chapitre 1

[1] A.K.sinha ,Boronizing Heat treatment-ASM international Handbook,Vol04(1991),p437

[2] J.Brandstoter ,W.lengauer , Journal of alloys and compounds ,262-263(1997),p-390

[3] I.Ozbek,H.Ablut,S.Zeytin,C.Bindal A.H.Uasik,A.H(2000).surf.Coat and Technol ,126(2000)p166

[4] O.Allaoui, N.bouaouadja, G, Saindirnan, surf.caot.and Thecnol .201, (2006), p. 3475

[5] K.Genel, I.Ozbek, A.Kurt, C.Bindal, "boriding response of AISI W1 steel and use of artificial neuronal network for prediction of borided layer proprieties", surf.coat.technol, 160,38-43, (2002).

[6] R.Kiessling, the Borides of Some Transition Elements, Acta.Chem.Scand.4,209-227(1950).

[7] A.Graf von Matuschka, "Boronizing", Carl Hanser Verlag, Munich, FRG,(1980)

[8] N.Ueda, T. Mizukoshi, K. Demizu, T. Sone, A. Ikenaga and M. Kawamoto, Boriding of nickel by the powder-pack method, Surf.coat.technol, 126, 25-30,(2000).

[9] C.M. Brakman, A.W.J. Gommers and E.J. Mittemeijer, Boriding of Fe and Fe-C, Fe-Cr and Fe-Ni alloys: boride-layer growth kinetics, J.mater.Res 4(6), 1354-1370., (1989).

[10] C.Bindal, A.H.Ucisik, J.Aust, Characterization of borides formed on impurity-controlled chromium-based low alloy steels, Ceramic Soc. 34, 287-892(1998)

[11]R.Kiessling, the Borides of Some Transition Elements, Acta.Chem.Scand.4,209-227(1950).

[12] R. S.Petrova and N. Suwattananont, J. of Electronic Mater. 34 (5) (2005), p. 575.

[13] G.Vasamsonov, A, P.Epik, Boride coatings coatings of high-temperature materials plenum press, New work 1966, p.7.

[14] MOISSAN Bull. Soc. Chim. 3 13-856 1895

[15] MOISSAN C .R .120 .173 .1895

[16]BINET de JASSONEIX: C.R.145 -I27. I907

[17]BINET de JASSONEIX Thèse Faris 1909

[18] WEVER et MULLERZ. Anorgan. Chem. 192-317-1930

[19]BJURSTROM et ARHFELT Z. physik Chem. B4- 469 1929

20] A.Graf von Matuschka, "Boronizing", Carl Hanser Verlag, Munich, FRG,(1980).

[21] Robert Fruchrart ingenieure .S.N.S.C.L de sciences attache de rechercher AuC.N.50.376.19582.P17

#### Référence :

[22]Robert Fruchrart ingenieure .S.N.S.C.L de sciences attache de rechercher AuC.N.50.376.19582.P17

[23]Robert Fruchrart ingenieure .S.N.S.C.L de sciences attache de rechercher AuC.N.50.376.19582.P19

[24] R.Kiessling ,Acta.chem.Scand.4(1950),p.209

[25] A.S. Pomel'nikova, M. N. Shipko , and M. A. Stepovich, Journal of Surface

Investigation. X-ray, Synchrotron and Neutron Techniques 5 (2) (2011), p. 298.

[26] C.M. Brakman, A.W.J. Gommers and E.J. Mittemeijer, J. Mater. Res 4(6) (1989),p. 1354.

[27] A.Graf von Matuschka, "Boronizing", Carl Hanser Verlag, Munich, FRG,(1980)

[28] B.Mebarek, S.A.Bouaziz, A.Zanoun, Simulation model to study the thermochemical boriding of stainless steel "AISI 316" (X5CrNiMo17-12-2), Matech, 2012.

[29] C.Bindal, A.H.Ucisik, J.Aust, Characterization of borides formed on impurity-controlled chromium-based low alloy steels, Ceramic Soc. 34, 287-892(1998).

[31] S.A.Bouaziz, Réalisation d'une boruration thermochimique dans un bain de sels

(Na2B4O7 - SiC) de l'acier inoxydable utilisé comme implant, thèse de doctorat ,

ENSET d'Oran,(2010).

[30] B.Mebarek, Simulation numérique de la cinétique de boruration, thèse de magister, ENSET d'Oran, (2008).

[32] A.K. Sinha, Boronizing, Heat treatment- ASM International Handbook, Vol. 4 (1991), p.437.

[33] N.Ueda, T. Mizukoshi, K. Demizu, T. Sone, A. Ikenaga and M. Kawamoto, Boriding of nickel by the powder-pack method, Surf.coat.technol, 126, 25-30,(2000)

[34] B. Mebarek, D. Madouri , A.Zanoun, A.Belaidi, Simulation model of monolayer growth kinetics of Fe2B phase, Matériaux & Techniques 103, 703 (2015).

#### <u>**Référence :**</u>

#### **<u>Référence :</u>**

#### <u>Chapitre II</u>

[1] H.Mathieu, Physique des semi-conducteurs et des composants électroniques, Masson, Paris, 1996

- [2] P. Hohenberg and W. Kohn, Phys. Rev. 136, B864 (1964).
- [3] Ludwig Boltzmann, Leçons sur la théorie des gaz, Gauthier-Villars, 1902-1905 (Réédition Jacques Gabay (1987).
  - [4] R. Brendel, D. Bormann, J. Appl. Phys., vol. 71, p. 1, (1992).
- [5] O.K. Andersen, Phys. Rev. B 12, 3060 (1975).
- [6] J.C. Slater, Phys. Rev. 51, 846 (1937).
- [7] O.K. Andersen, Phys. Rev. B 12, 3060 (1975).
- [8] T. Takeda and J. Kubler, J. Phys. F 5, 661 (1979).
- [9] D. Singh, Phys. Rev. B 43, 6388 (1991)
- [10] P. Blaha, K. Schwarz, and J. Luitz, WIEN97. Technical University, Vienna, (1997).
- [11] P. Blaha and K. Schwarz, Hyperf. Interact. 52, 153 (1989).
- [12] P. Dufek, P. Blaha and K. Schwarz, Phys. Rev. Lett. 75, 3545 (1995).
- [13] K. Schwarz, C. Ambrosch-Draxl, and P. Blaha, Phys. Rev. B 42, 2051 (1990).
- [14] B. Winkler, P. Blaha and K. Schwarz, Am. Mineralogist 81, 545 (1996).
- [15] B. kohler, P. Ruggerone, S. Wilke, and M. Scheffler, Phys. Rev. lett. 74, 1387 (1995).
- [16] X.-G. Wang, W. Weiss, Sh. K. Shaikhutdinov, M. Ritter, M. Petersen, F
- [17]Perdew, J. P Chevary, J.A. Vosko, S.H, Jacjkson, KA., Perderson, M.R., sigh, D.J. and
- [18] J.C. Slater, Phys. Rev. 51, 846 (1937).

#### **<u>Référence :</u>**

#### **Chapitre III**

[1] J.P. Perdew and Y. Wang, Phys. Rev. B 45, 13 244, (1992).

[2] S.H. Jhi and J. Ihm, phys.stat.sol. (b) 191, 387 (1995).

[3] F.D. Murnaghan, Proc. Natl. Acad. Sci. USA 30, 5390, (1944)

[4] J. M. Welter, J. Less-Common Met. 104 (1984) 251.

[5] Shunmugam KANAGAPRABHA1, Ratnavelu RAJESWARAPALANICHAMYand Kombiah

[6] R Quijano and R de Coss. Electronic structure and energetics of the tetragonal distortion for

TiH2, ZrH2, and HfH2: A first-principles study. Phys. Rev. B 2009; 80, 184103-10.

[7] WM Mueller, JP Blackledge and GG Libowitz. Metal Hydrides. Vol I. Academic Press, NewYork, 1968.

[8] I. Shein, N. Medvedeva and A. Ivanovskii, Physica B: Condensed Matter, 371 (2006) 126.

[9] R. Schober and H. Dederichs, in *Elastic Piezoelectric Pyroelectric Piezooptic Electrooptic Constants and Nonlinear Dielectric Susceptibilities of Crystals*, edited by K.-H. Hellwegeand
 A. W. Hellwege, LandoltBornstedt, New Series III, Vol.11a ~Springer, Berlin, 1979.

[10] P.A. Beck (Ed.), Electronic Structure and Alloy Chemistry of the Transition Elements, interscience Publishers, New York, 1963.

[11] M.V. Nevit, in: J.H. Westbrook (Ed.), Intermetallic Compounds, R.E. Krieger Publishing Co, Huntington NY, 1977

[12-13] Laboratoire de Physique des Matériaux(LPM) BP37G, Laghouat 03000, Algerie, Calcul ab-initio des propriétés physiques de quelques borures de métaux de transitions- Mr GUEDDOUH Ahmed.p98

.[14] C. Zhou, J. Xing, B. Xiao, J. Feng, X. Xie and Y. Chen, Computational Materials Science, 44 (2009) 1056

[15] W.B. Pearson, P. Villars and L.D. Calvert, Pearson's handbook of crystallographic data for intermetallic phases, American Society for Metals, 1985.

#### Référence :

[16]Laboratoire de Physique des Matériaux(LPM) BP37G, Laghouat 03000, Algerie, Calcul ab-initio des propriétés physiques de quelques borures de métaux de transitions- Mr GUEDDOUH Ahmed.p97

[17] H. Rosner, D. Koudela, U. Schwarz, A. Handstein, M. Hanfland, I. Opahle, K. Koepernik, M. Kuz'min, K.-H. Müller and J. Mydosh, Nature Physics, 2 (2006) 469

[18-19] Laboratoire de Physique des Matériaux(LPM) BP37G, Laghouat 03000, Algerie, Calcul ab-initio des propriétés physiques de quelques borures de métaux de transitions- Mr GUEDDOUH Ahmed.p97

[20] C. Zhou, J. Xing, B. Xiao, J. Feng, X. Xie and Y. Chen, Computational Materials Science, 44 (2009) 1056

[21]Bull. Mater. Sci., Vol. 39, No. 6, October 2016, pp. 1427–1434. \_c Indian Academy of Sciences.DOI 10.1007/s12034-016-1263-2.Ghueddouh.p1429

[22] Xiao B, Feng J, Zhou C T, Xing J D, Xie X J, Cheng Y H and

Zhou R 2010 Phys. B 405 1274

[23] C. Kittel, Introduction to solid state physics, Wiley, 2005

[24]Laboratoire de Physique des Matériaux(LPM) BP37G, Laghouat 03000, Algerie, Calcul ab-initio des propriétés physiques de quelques borures de métaux de transitions- Mr GUEDDOUH Ahmed.p97

[25] W.B. Pearson, P. Villars and L.D. Calvert, Pearson's handbook of crystallographic data for intermetallic phases, American Society for Metals, 1985.

[26]Bull. Mater. Sci., Vol. 39, No. 6, October 2016, pp. 1427–1434. \_c Indian Academy of Sciences.DOI 10.1007/s12034-016-1263-2.Ghueddouh.p1429

[27-35] Laboratoire de Physique des Matériaux(LPM) BP37G, Laghouat 03000, Algerie, Calcul ab-initio des propriétés physiques de quelques borures de métaux de transitions- Mr GUEDDOUH Ahmed.p98

[28] E. Havinga, H. Damsma and P. Hokkeling, Journal of the Less Common Metals, 27 (1972) 169.

[29] B. Xiao, J. Feng, C. Zhou, J. Xing, X. Xie, Y. Cheng and R. Zhou, Physica B: Condensed Matter, 405 (2010) 1274

[30-31]Bull. Mater. Sci., Vol. 39, No. 6, October 2016, pp. 1427–1434. \_c Indian Academy of Sciences.DOI 10.1007/s12034-016-1263-2.Ghueddouh.p1430

[32] Havinga E E, Damsma H and Hokkeling P 1972 J. Less- Common Metals 27 169

## **<u>Référence :</u>**

[33] Xiao B, Feng J, Zhou C T, Xing J D, Xie X J, Cheng Y H and Zhou R 2010 *Phys. B* **405** 1274

[34] C. Zhou, J. Xing, B. Xiao, J. Feng, X. Xie and Y. Chen, Computational Materials Science, 44 (2009) 1056.

[36] Zhou C T, Xing J D, Xiao B, Feng J, Xie X J and Chen Y H 2009 *Comput. Mater. Sci.* **44** 1056

[37] Perkins R S and Brown P J 1974 J. Phys. F 4 906