

### 3.1 Introduction :

Les planchers sont des aires planes limitant les étages et supportant les revêtements du sol; ils assurent deux fonctions principales:

- **Fonction de résistance :** les planchers supportant leur poids propre et surcharges d'exploitation,
- **Fonction d'isolation :** ils isolent thermiquement et acoustiquement les différents étages,

Comme notre projet est à usage d'habitation, on adopte un plancher à corps creux.

-le plancher à corps creux est constitué par des poutrelles en béton armé sur lesquelles reposent les hourdis en béton.

-les poutrelles sont disposées suivant la petite portée et elles travaillent dans une seule direction.

#### 3.1.1- Dimensionnement des poutrelles :

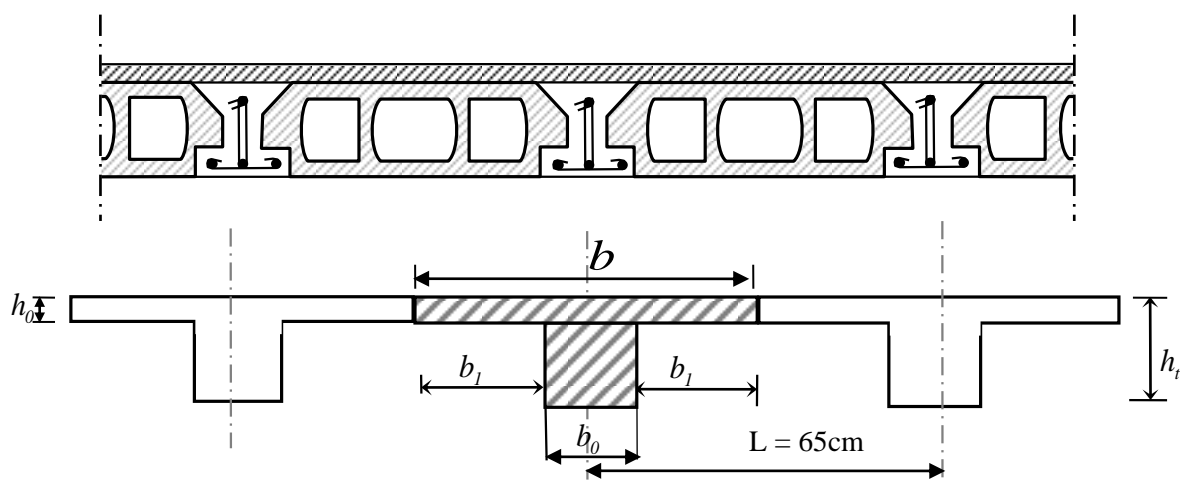
Notre construction étant une construction courante à une surcharge modérée ( $Q \leq 5 \text{KN/m}^2$ ).

Dans notre structure on a un seul type des planchers à corps creux  $h_t = 20 \text{cm}$

- { 16cm : corps creux
- { 4cm : dalle de compression

Les poutrelles sont disposées perpendiculaire au sens porteur et espacées de 65cm et sur lesquelles vient s'appuyer l'hourdis

- { Hauteur du plancher  $h_t = 20 \text{cm}$
- { Épaisseur de la dalle compression  $h_0 = 4 \text{cm}$
- { Largeur de la nervure  $b_0 = 12 \text{cm}$



**Figure.3.1- Schéma d'un plancher à corps creux.**

**Calcul de la largeur (b) de la poutrelle :**

Le calcul de la largeur "b" se fait à partir des conditions suivantes:

$$b=2b_1+b_0 \dots\dots\dots (1)$$

$$L =4,10 \text{ m} \quad l_1=65\text{cm}$$

$$b_1 = (b-b_0)/2 = \min \begin{cases} b_1 \leq (l_1-b_0) / 2 \\ b_1 \leq L/10 \\ 6h_0 \leq b_1 \leq 8h_0 \end{cases} \Rightarrow \min \begin{cases} b_1 \leq (65-12)/2=26,5\text{cm} \\ b_1 \leq 410/10= 41 \text{ cm} \\ 24 \leq b_1 \leq 32 \text{ cm} \end{cases}$$

On prend:  $b_1=26,5 \text{ cm}$ .

$$(1) \Rightarrow b=2(26,5) +12=65\text{cm}. \quad \text{Donc : } \mathbf{b = 65 \text{ cm}}$$

**3.2- Calcul des poutrelles :**

**3.2.1- Méthode de calcul :**

Il existe plusieurs méthodes pour le calcul des poutrelles, Le règlement BAEL 91 propose une méthode simplifiée dite " méthode forfaitaire", pour le calcul des moments, cette méthode s'applique pour les conditions courantes.

▪ **Les conditions d'application de la méthode forfaitaire :**

Cette méthode est applicable si les 4 conditions suivantes sont remplies :

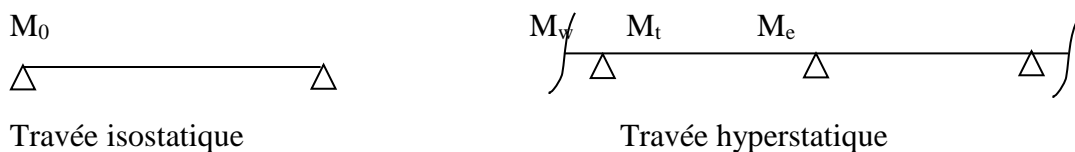
1. la charge d'exploitation  $Q \leq \max (2G ; 5\text{KN/m}^2)$
2. les moments d'inerties des sections transversales sont les même dans les différentes travées.
3. le rapport des portées successives est compris entre 0,8 et 1,25

$$0,8 \leq \frac{l_i}{l_{i+1}} \leq 1,25$$

- 4 - la fissuration est considérée comme non préjudiciable.

**Principe de calcul :**

Il exprime les maximaux en travée et sur appuis en fonction des moments fléchissant isostatiques "M<sub>0</sub>" de la travée indépendante.



Selon le BAEL 91, les valeurs de  $M_w$ ,  $M_t$ ,  $M_e$  doivent vérifier les conditions suivantes:

- $M_t \geq \max [1,05M_0 ; (1+0,3\alpha)M_0] - (M_w+M_e)/2$
- $M_t \geq (1+0,3\alpha) M_0/2$  dans une travée intermédiaire
- $M_t \geq (1,2+0,3\alpha) M_0/2$  dans une travée de rive

$M_0$  : Le moment maximal dans la travée indépendante

$M_t$  : Le moment maximal dans la travée étudiée

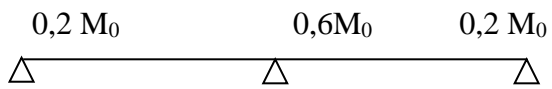
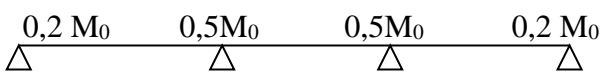
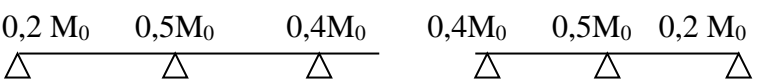
$M_w$  : Le moment sur l'appui gauche de la travée

$M_e$  : Le moment sur l'appui droit de la travée

$\alpha$  :  $Q / (G+Q)$  le rapport des charge d'exploitation a la somme des charges permanentes Et d'exploitations.

**Valeurs des moments aux appuis:**

Les valeurs absolues des moments sur appuis doivent être comme suit :

- cas de deux travées : 
- cas de trois travées : 
- cas de plus de trois travées: 

**Effort tranchant :**

L'étude de l'effort tranchant permet de vérifier l'épaisseur de l'âme et de déterminer les armatures transversales et l'épure d'arrêt des armatures longitudinales

Le règlement BAEL 91, prévoit que seul l'état limite ultime est vérifié:

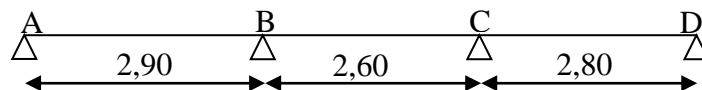
- $T_w = (M_w-M_e)/l+ Ql/2$
- $T_e = (M_w-M_e)/l- Ql/2$

**3.2.1.1-Plancher étage courant (1<sup>er</sup> .....9<sup>eme</sup>) :**

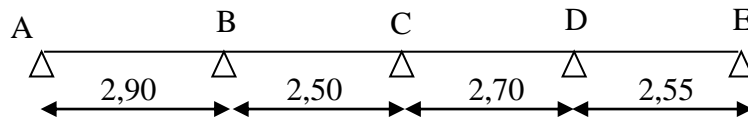
**Types de poutrelles :**

Notre construction comporte 5 types de poutrelles :

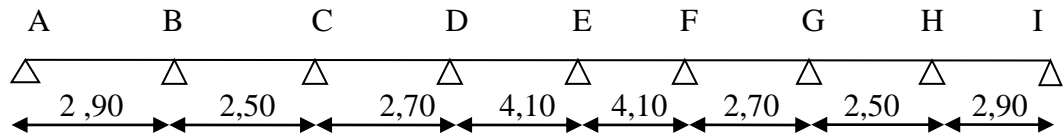
Type1 :



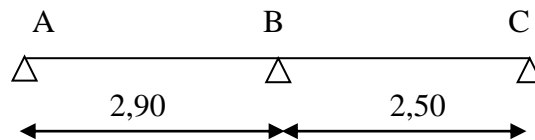
Type2:



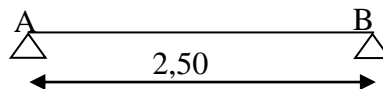
Type3:



Type4 :



Type 5 :



**Les combinaisons de charges:**

Les charges par mètre linéaire /mL

❖ **Plancher 1<sup>er</sup> au 9<sup>eme</sup> étage:**

$$\begin{cases} G=5,04 \times 0,65=3,276 \text{ KN/mL} \\ Q=1,5 \times 0,65=0,975 \text{ KN/mL} \end{cases} \begin{cases} Q_u=1,35G+1,5Q =5,88 \text{ KN/mL.} \\ Q_{ser}=G+Q =4,25 \text{ KN/mL.} \end{cases}$$

❖ **Plancher terrasse:**

$$\begin{cases} G=6,28 \times 0,65=4,082 \text{ KN/mL} \\ Q=1 \times 0,65=0,65 \text{ KN/mL} \end{cases} \begin{cases} Q_u=1,35G+1,5Q =6,48 \text{ KN/mL.} \\ Q_{ser}=G+Q =4,73 \text{ KN/mL.} \end{cases}$$

**3.5 vérification des conditions d'application de la méthode forfaitaire :**

1- la charge d'exploitation  $Q \leq \max (2G, 5\text{KN/m}^2)$

a- plancher étage courant et R.D.C :  $G=5,04\text{KN/m}^2, Q=1,5\text{KN/m}^2$

$Q=1,50\text{KN/m}^2 < 2G=10,08\text{KN/m}^2$ .....Condition vérifiée

b- Plancher terrasse :  $G=6,28\text{KN/m}^2$ ,  $Q=1\text{KN/m}^2$

$Q=1\text{KN/m}^2 < 2G=12,56\text{KN/m}^2$ ..... Condition vérifiée

2- Poutrelle à d'inertie constante ( $I=\text{cte}$ )..... Condition vérifiée

3- Fissuration peu préjudiciable.

Plancher 1<sup>ere</sup> .....9<sup>eme</sup> étage fissuration peu préjudiciable..... Condition vérifiée

plancher terrasse la fissuration est préjudiciable ..... Condition non vérifiée

Donc on applique la méthode de trois moments

4-  $0,8 \leq L_i / L_{i+1} \leq 1,25$  ..... cette condition n'est pas vérifiée

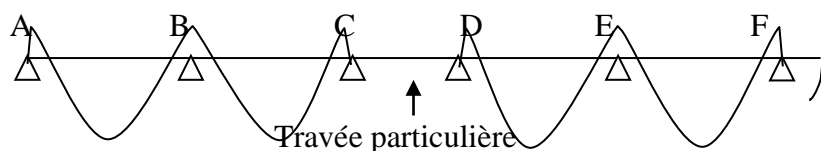
Puisque le rapport  $0,8 \leq L_i/L_{i+1} \leq 1,25$  n'est pas satisfait; on utilise **la méthode forfaitaire modifiée** pour la travée particulière; et on utilise toujours la méthode forfaitaire pour les restes travées.

**Principe de calcul de la méthode forfaitaire modifiée :**

On applique cette méthode si le rapport des portées de deux travées successives n'est pas compris entre 0,8 et 1,25, il convient d'étudier séparément les effets des charges d'exploitation on les disposant dans les positions les plus défavorables pour les travées particulières.

On distingue deux cas :

**a -Cas ou la travée comprise entre deux grandes travées: (travée intermédiaire)**



$M_{a1} = 0,2 M_{0AB}$

$M_{a2} = 0,5 \max (M_{0AB} ; M_{0BC} )$

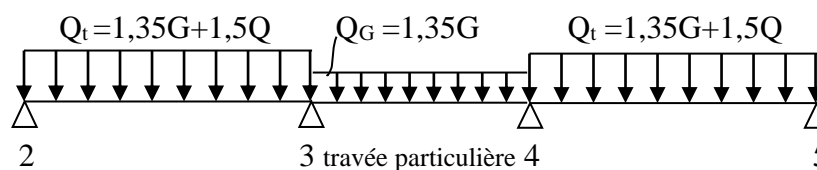
$M_{a3} = 0,4 \max (M_{0BC} ; M_{0CD} )$

$M_{a4} = 0,4 \max (M_{0CD} ; M_{0DE} )$

$M_{a5} = 0,4 \max (M_{0DE} ; M_{0EF} )$

**On calcule le moment minimal de la travée particulière:**

Pour la recherche du moment  $M_{t34min}$ , on considère le chargement suivant:

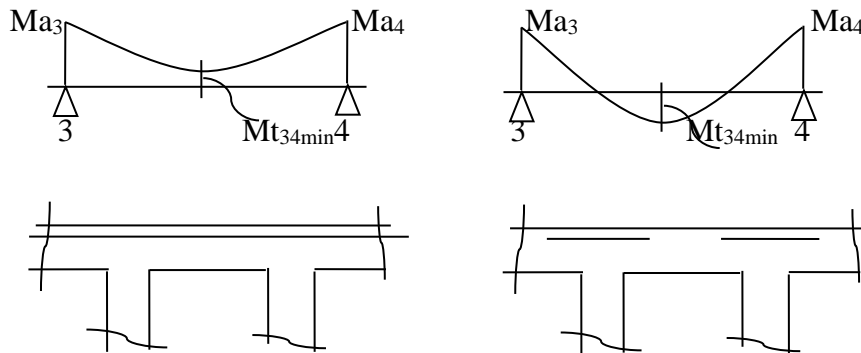


Le moment dans toute section de la travée (3-4) peut être évalué en utilisant l'expression suivant ( $Ma_3$  et  $Ma_4$  en valeur absolue):

$$M_x = Q_G \cdot x \left( \frac{L_3 - x}{2} \right) - Ma_3 \left( 1 - \frac{x}{L_3} \right) - Ma_4 \cdot \frac{x}{L_3}$$

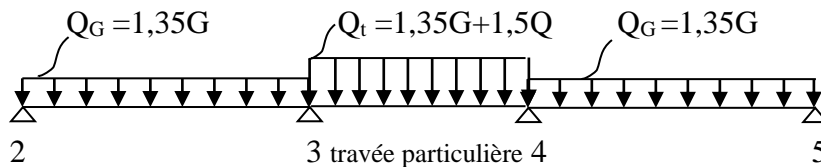
Le moment  $M_{t34min}$  est évalué en remplaçant  $x$  par la valeur:  $x = \frac{L_3}{2} + \frac{Ma_3 - Ma_4}{Q_G \cdot L_3}$

Il est évident que ce cas de chargement peut donner lieu à un moment négatif en travée ce qui nécessite une disposition d'armatures supérieures sur toute la travée (3-4), on obtient ainsi l'une des situations suivantes:



**On calcule le moment maximal de la travée particulière:**

Pour la recherche du moment  $M_{t34max}$ , on considère le chargement suivant:



Le moment dans toute section de la travée (3-4) peut être évalué en utilisant l'expression suivant ( $Ma_3$  et  $Ma_4$  en valeur absolue):

$$M(x) = Q_t \cdot x \left( \frac{L_3 - x}{2} \right) - M'a_3 \left( 1 - \frac{x}{L_3} \right) - M'a_4 \cdot \frac{x}{L_3}$$

Le moment  $M_{t34max}$  est évalué en remplaçant  $x$  par la valeur:

$$x = \frac{L_3}{2} + \frac{M'a_3 - M'a_4}{Q_t \cdot L_3}$$

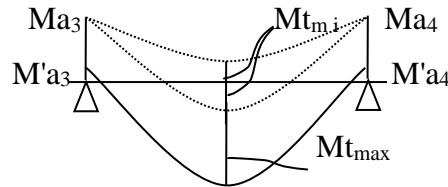
Avec:  $Q_t = 1,35G + 1,5Q$

$M'a_3 = 0,4 \min (M_{023}, M_{034})$

$M'a_4 = 0,4 \min (M_{034}, M_{045})$

$$M_{023} = Q_G \cdot (L_2)^2/8, \quad M_{034} = Q_t \cdot (L_3)^2/8, \quad M_{045} = Q_G \cdot (L_4)^2/8$$

Dans tous les cas, la travée (3-4) doit être armée à la partie inférieure pour un moment correspondant à au moins  $0,5M_{034}$



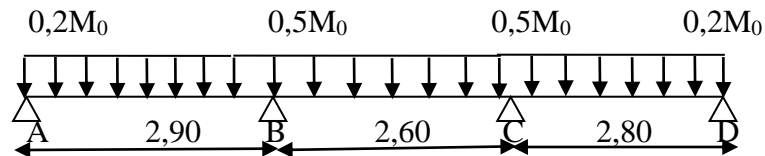
**b- Cas ou la travée particulière est une travée de rive:**

Les mêmes étapes définies précédemment sont à suivre, à la différence que dans ce cas il n'existe qu'une seule travée adjacente.

**Exemple de calcul:**

Le calcul se fait à l'E.L.U

Type1:



**-Sollicitation :**

$$Q_U = 5,88 \text{ KN/ml}$$

$$\alpha = Q / (Q+G) = 0,2294$$

$$(1+0,3\alpha) = 1,07 > 1,05 \text{ donc on doit prendre } 1,07$$

$$(1+0,3\alpha)/2 = 0,53 \text{ [travée intermédiaire]}$$

$$(1,2+0,3\alpha)/2 = 0,63 \text{ [travée de rive]}$$

**Moments isostatiques:**

$$M_{0AB} = Q_u \cdot L^2/8 = 5,88 (2,90)^2/8 = 6,18 \text{ KN.m}$$

$$M_{0BC} = Q_u \cdot L^2/8 = 5,88 (2,60)^2/8 = 4,97 \text{ KN.m}$$

$$M_{0CD} = Q_u \cdot L^2/8 = 5,88 (2,80)^2/8 = 5,76 \text{ KN.m}$$

**Moments sur appuis:**

$$M_A = 0,2 M_{0AB} = 1,24 \text{ KN.m}$$

$$M_B = 0,5 \max (M_{0AB}, M_{0BC}) = 3,09 \text{ KN.m}$$

$$M_C = 0,5 \max (M_{0BC}, M_{0CD}) = 2,88 \text{ KN.m}$$

$$M_D = 0,2 M_{0CD} = 1,15 \text{ KN.m}$$

**Moment en travée :**

**Travée (A-B) :**

$$\left. \begin{array}{l} 1-Mt^{AB} \geq 1,07 \times 6,18 - (1,24 + 3,09)/2 \\ Mt^{AB} \geq 5,41 \text{ KN.m} \\ 2- Mt^{AB} \geq 0,63 \times 6,18 = 3,89 \text{ KN.m} \end{array} \right\} \rightarrow \text{on prend : } M_T^{AB} = 4,45 \text{ KN.m}$$

**Travée (B-C) :**

$$\left. \begin{array}{l} 1-Mt^{BC} \geq 1,07 \times 4,97 - (3,09 + 2,88)/2 \\ Mt^{BC} \geq 2,34 \text{ KN.m} \\ 2- Mt^{BC} \geq 0,53 \times 4,97 = 2,63 \text{ KN.m} \end{array} \right\} \rightarrow \text{on prend : } M_T^{BC} = 2,63 \text{ KN.m}$$

**Travée (C-D) :**

$$\left. \begin{array}{l} 1-Mt^{CD} \geq 1,07 \times 5,76 - (2,88 + 1,15)/2 \\ Mt^{CD} \geq 4,16 \text{ KN.m} \\ 2- Mt^{CD} \geq 0,63 \times 5,76 = 3,63 \text{ KN.m} \end{array} \right\} \rightarrow \text{on prend : } M_T^{CD} = 4,16 \text{ KN.m}$$

**L'effort tranchant:**

• Travée (AB):

$$\left\{ \begin{array}{l} Tw = (1,24 - 3,09)/2,9 + 5,88 \times 2,9/2 = 7,89 \text{ KN} \\ Te = (1,24 - 3,09)/2,9 - 5,88 \times 2,9/2 = -9,16 \text{ KN} \end{array} \right.$$

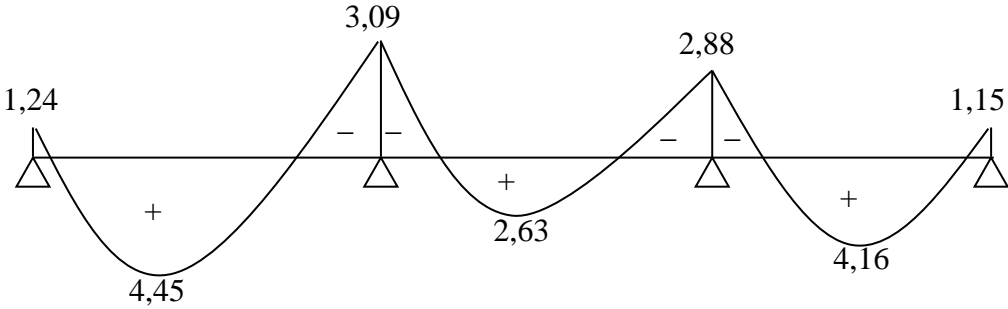
• Travée (BC):

$$\left\{ \begin{array}{l} Tw = (3,09 - 2,88)/2,6 + 5,88 \times 2,6/2 = 7,72 \text{ KN} \\ Te = (3,09 - 2,88)/2,6 - 5,88 \times 2,6/2 = -7,64 \text{ KN} \end{array} \right.$$

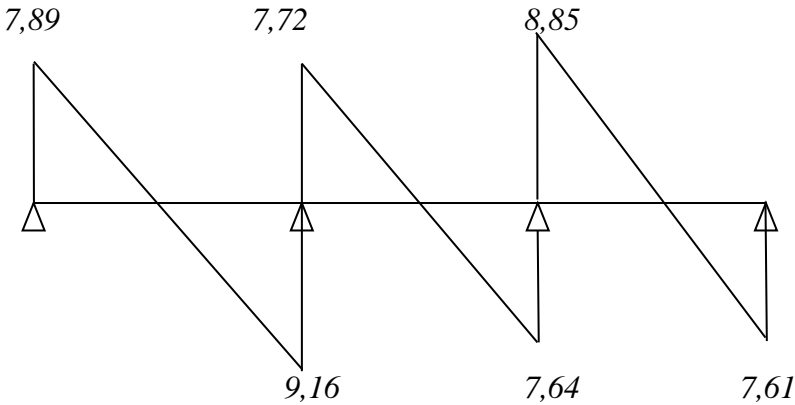
• Travée (CD):

$$\left\{ \begin{array}{l} Tw = (2,88 - 1,15)/2,8 + 5,88 \times 2,8/2 = 8,85 \text{ KN} \\ Te = (2,88 - 1,15)/2,8 - 5,88 \times 2,8/2 = -7,61 \text{ KN} \end{array} \right.$$





**Figure 3.2- Diagramme des moments fléchissant, M [KN.m].**



**Figure 3.3- Diagramme des efforts tranchants T [KN].**

**Tableau 3.1- Récapitulatif des résultats obtenus :**

Pour le plancher R.D.C et étage courant, les mêmes étapes de calcul définies précédemment sont à suivre pour les autres types de poutrelles (E.L.U+E.L.S): unité (KN.m)

Type de Poutrelle	travée	L(m)		E.L.U					E.L.S		
				Mt	Mw	Me	Tw	Te	Mt	Mw	Me
01	A-B	2,90		4,45	1,24	3,09	7,89	-9,16	3,22	0,89	2,23
	B-C	2,60		2,63	3,09	2,88	7,72	-7,64	1,90	2,23	2,08
	C-D	2,80		4,16	2,88	1,15	8,85	-7,61	3,00	2,08	0,83
02	A-B	2,90		4,45	1,24	3,09	7,89	-9,16	3,22	0,89	2,23
	B-C	2,50		2,43	3,09	2,14	7,73	-6,97	1,76	2,23	1,55
	C-D	2,70		3,32	2,14	2,68	7,74	-8,14	2,40	1,55	1,93
	D-E	2,55		3,29	2,68	0,96	8,17	-6,82	2,38	1,93	0,69
03	A-B	2,90		4,45	1,24	3,09	7,89	-9,16	3,22	0,89	2,23
	B-C	2,50		2,43	3,09	2,14	7,73	-6,97	1,76	2,23	1,55
	C-D	2,70		2,84	2,14	4,94	6,90	-8,97	2,05	1,55	3,57
	D-E	4,10	Min	4,97	3,72	4,94	8,76	-9,36	4,52	2,75	3,57
			Max	9,71	1,61	3,72	11,54	-12,57	6,98	1,19	2,75
	E-F	4,10	min	4,97	4,94	3,72	9,36	-8,76	4,52	3,57	2,75
			max	9,71	3,72	1,61	12,57	-11,54	6,98	2,75	1,19
	F-G	2,70		2,84	4,94	2,14	8,97	-6,90	2,05	3,57	1,55
	G-H	2,50		2,43	2,14	3,09	6,97	-7,73	1,76	1,55	2,23
H-I	2,90		4,45	3,09	1,24	9,16	-7,89	3,22	2,23	0,89	
04	A-B	2,90		4,14	1,24	3,71	7,67	-9,38	3,00	0,89	2,68
	B-C	2,50		2,89	3,71	0,92	8,47	-6,23	2,09	2,68	0,66
05	A-B	2,50		3,99	0,92	0,92	7,35	-7,35	2,89	0,66	0,66

Les sollicitations maximales de calcul sont:

$$\text{E.L.U} \begin{cases} M_{\text{travée}_{\max}} = 9,71 \text{ KN.m} \\ M_{\text{appui}_{\max}} = 4,94 \text{ KN.m} \\ T_{\max} = 12,57 \text{ KN} \end{cases} \quad \text{E.L.S} \begin{cases} M_{\text{travée}_{\max}} = 6,98 \text{ KN.m} \\ M_{\text{appui}_{\max}} = 3,57 \text{ KN.m} \end{cases}$$

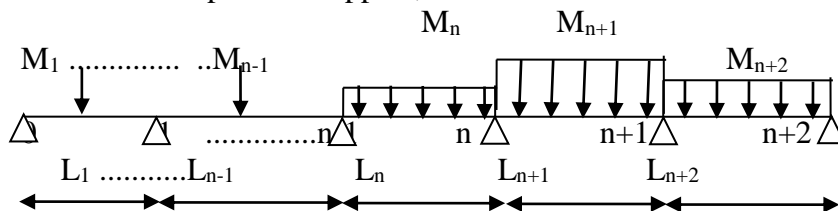
**3.2.1.2- Plancher terrasse:**

**Méthode de calcul:**

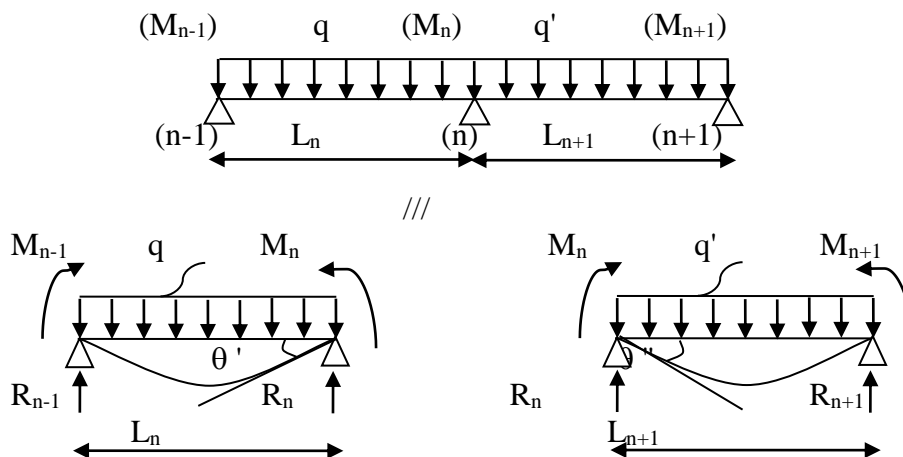
Vue que la 3<sup>ème</sup> condition de la méthode forfaitaire n'est pas vérifiée c.à.d. la fissuration est préjudiciable ou très préjudiciable (cas du plancher terrasse), on propose pour le calcul des moments sur appuis **la méthode des trois moments**.

**Principe de calcul de la méthode des trois moments:**

Pour les poutres continue à plusieurs appuis,

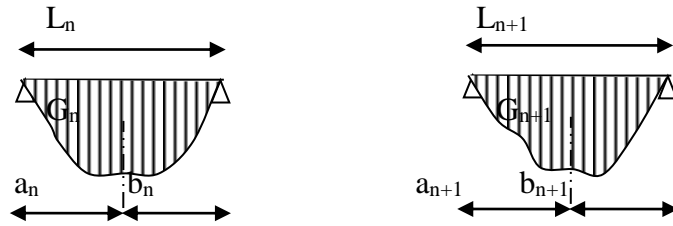


Isolant deux travée adjacentes, elles sont chargées d'une manière quelconque; c'est un système statiquement indéterminé, il est nécessaire de compléter les équations statiques disponibles par d'autres méthodes basées sur les déformations du système.



$M_n, M_{n-1}, M_{n+1}$  : les moment de flexion au appuis (n), (n-1), (n+1), il sont supposés positif, suivant les conditions aux limite et les condition de continuité, ( $\theta' = \theta''$ ).....(1)

Les moments de flexion pour chacune des travées  $L_n, L_{n+1}$  sous les charges connues  $q, q'$  peuvent être tracer selon la méthode classique.  $M_n, M_{n-1}, M_{n+1}$  sont provisoirement omis.



$G_n, G_{n+1}$  : les centre d'inertie des aires de diagramme des moments.

$a_n, b_n, a_{n+1}, b_{n+1}$  : sont la signification indiqué sur la figure.

$S_n$  et  $S_{n+1}$  : les Aires des diagrammes des moments pour les travées  $L_n$  et  $L_{n+1}$

$$\theta' = \theta'(M_{n-1}) + \theta'(M_n) + \theta'(q)$$

Selon le théorème des Aires des moments, on aura :

$$\theta' = \frac{S_n \cdot a_n}{L_n \cdot E_I} + \frac{M_{n-1} \cdot L_n}{6 \cdot E_I} + \frac{M_n \cdot L_n}{3 \cdot E_I}$$

$$\theta'' = \frac{S_{n+1} \cdot b_{n+1}}{L_{n+1} \cdot E_I} + \frac{M_n \cdot L_{n+1}}{3 \cdot E_I} + \frac{M_{n+1} \cdot L_{n+1}}{6 \cdot E_I}$$

$$\theta' = \theta'' \Rightarrow M_{n-1} \cdot L_n + 2M_n (L_n + L_{n+1}) + M_{n+1} \cdot L_{n+1} = -6 \left[ \frac{S_n \cdot a_n}{L_n} + \frac{S_{n+1} \cdot b_{n+1}}{L_{n+1}} \right]$$

C'est le théorème des trois moments et sous cette forme générale il est applicable à tous les types de chargement. cette équation est appelée **équation CLAPEYRON**.

**Exemple de calcul:**

On prend comme exemple de calcul le 1<sup>er</sup> type de poutrelle (avec 3 travées)

Calcul des charges par mètre linéaire:

$$G = 6,28 \text{ KN} / \text{m}^2$$

$$Q = 1 \text{ KN} / \text{m}^2$$

**ELU:**

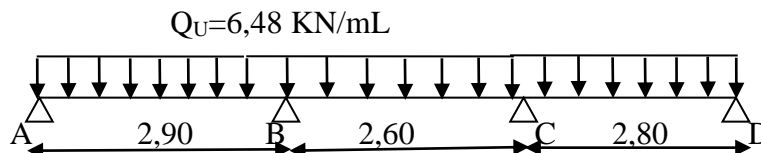
$$Q_U = (1,35 \times G + 1,50 \times Q) \times 0,65$$

$$Q_U = 6,48 \text{ KN} / \text{ml}$$

**ELS:**

$$Q_s = (G+Q) \times 0,65$$

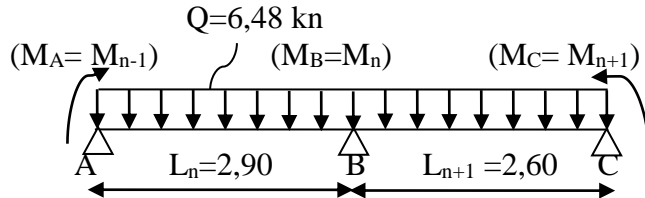
$$Q_s = 4,73 \text{ KN} / \text{ml}$$



Le calcul se fait selon la formule:

$$M_{n-1} \cdot L_n + 2M_n (L_n + L_{n+1}) + M_{n+1} \cdot L_{n+1} = -6 \left[ \frac{S_n \cdot a_n}{L_n} + \frac{S_{n+1} \cdot b_{n+1}}{L_{n+1}} \right] \dots\dots\dots (*)$$

En isolant deux travées adjacentes, on prend A-B et B-C



**Partie AB:**

$$M_{0AB} = Ql^2/8 = 6,81 \text{ KN.m}$$

$$a_n = b_n = 1,45 \text{ m}$$

$$S_n = 2/3 \cdot L_n \cdot M_{0AB} = 2/3 \cdot 2,90 \cdot 6,81 = 13,16 \text{ m}^2$$

**Partie BC:**

$$M_{0BC} = Ql^2/8 = 5,47 \text{ KN.m}$$

$$a_{n+1} = b_{n+1} = 1,30 \text{ m}$$

$$S_{n+1} = 2/3 \cdot L_{n+1} \cdot M_{0BC} = 2/3 \cdot 2,60 \cdot 5,47 = 9,48 \text{ m}^2$$

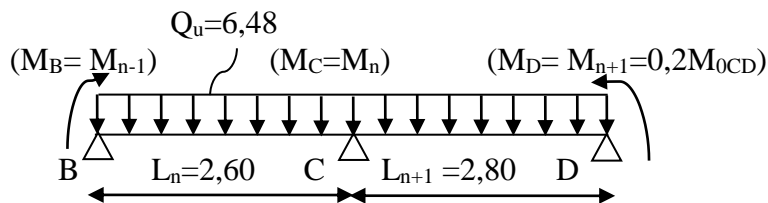
$$\text{Donc } (*) \Rightarrow 2,90M_A + 2(2,90+2,60) \cdot M_B + 2,60M_C = -6 [ ((13,16 \cdot 1,45)/2,90) + ((9,48 \cdot 1,30)/2,60) ]$$

$$\text{Avec: } M_A = -0,2 \cdot M_{0AB} = -1,36 \text{ KN.m}$$

$$11M_B + 2,6M_C - 1,36 = -65,34$$

$$11M_B + 2,6M_C + 63,98 = 0 \dots\dots\dots (1)$$

En isolant deux travées adjacentes, on prend B-C et C-D



**Partie BC:**

$$M_{0BC} = Ql^2/8 = 5,47 \text{ KN.m}$$

$$a_n = b_n = 1,30 \text{ m}$$

$$S_n = 2/3 \cdot L_n \cdot M_{0BC} = 2/3 \cdot 2,60 \cdot 5,47 = 9,48 \text{ m}^2$$

**Partie CD:**

$$M_{0CD} = Ql^2/8 = 6,35 \text{ KN.m}$$

$$a_{n+1} = b_{n+1} = 1,4 \text{ m}$$

$$S_{n+1} = 2/3 \cdot L_{n+1} \cdot M_{0CD} = 2/3 \cdot 2,80 \cdot 6,35 = 11,85 \text{ m}^2$$

Donc (\*)  $\Rightarrow 2,60M_B + 2(2,60 + 2,80) \cdot M_C + 2,80M_D = -6[(9,48 \cdot 1,30 / 2,60)] + (11,85 \cdot 1,4 / 2,8)$

Avec:  $M_D = -0,2 \cdot M_{0CD} = -1,27 \text{ KN.m}$

$$2,60M_B + 10,80M_C + 60,41 = 0 \dots\dots\dots (2)$$

De(1) et(2):

**- les moments sur appuis sont:**

$M_A = -1,36 \text{ KN.m}$

$M_B = -4,76 \text{ KN.m}$

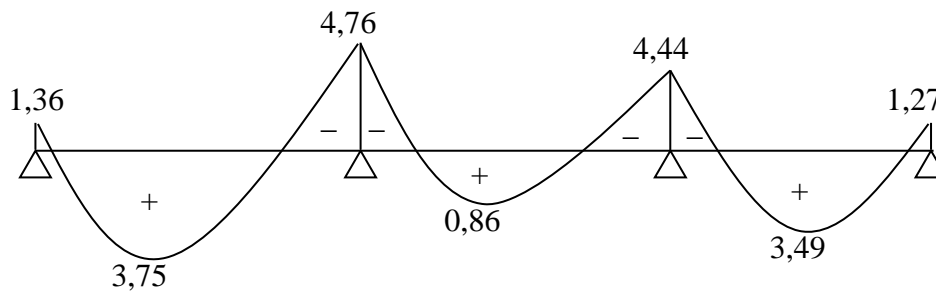
$M_C = -4,44 \text{ KN.m}$

$M_D = -1,27 \text{ KN.m}$

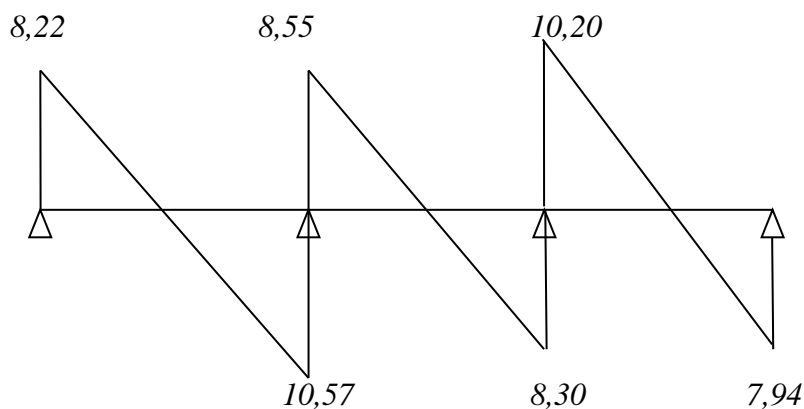
**-les moments en travée:**

$M_{tAB} = (M_A + M_B) / 2 + M_{0AB} = (-1,36 - 4,76) / 2 + 6,81 = 3,75 \text{ KN.m}$

- $M_{tAB} = 3,75 \text{ KN.m}$
- $M_{tBC} = 0,86 \text{ KN.m}$
- $M_{tCD} = 3,49 \text{ KN.m}$



**Figure.3.4- Diagramme des moments fléchissant, M [KN.m]**



**Figure.3.5- Diagramme des efforts tranchants T [KN]**

**Tableau 3.2- Récapitulatif des résultats obtenus :**

Pour le plancher terrasse les mêmes étapes de calcul définies précédemment sont à suivre pour les autres types de poutrelles (E.L.U+E.L.S): unité (KN.m)

Type de poutrelle	Travée	L(m)	E.L.U					E.L.S		
			Mt	Mw	Me	Tw	Te	Mt	Mw	Me
01	A-B	2,90	3,75	1,36	4,76	8,22	10,57	2,74	0,99	3,46
	B-C	2,60	0,86	4,76	4,44	8,55	8,30	0,62	3,46	3,28
	C-D	2,80	3,49	4,44	1,27	10,20	7,94	2,53	3,28	0,92
02	A-B	2,90	3,67	1,36	4,91	8,17	10,62	2,69	0,99	3,57
	B-C	2,50	1,06	4,91	3,09	8,83	7,37	0,75	3,57	2,33
	C-D	2,70	2,01	3,09	4,69	8,16	9,34	1,56	2,33	3,17
	D-E	2,55	2,39	4,69	1,05	9,67	6,83	1,87	3,17	0,76
03	A-B	2,90	3,60	1,36	5,06	8,12	10,67	2,62	0,99	3,70
	B-C	2,50	1,30	5,06	2,45	9,14	7,05	0,98	3,70	1,74
	C-D	2,70	1,17	2,45	7,01	7,06	10,43	0,79	1,74	5,30
	D-E	4,10	5,05	7,01	10,10	12,53	14,03	3,69	5,30	7,20
	E-F	4,10	5,05	10,10	7,01	14,03	12,53	3,69	7,20	5,30
	F-G	2,70	1,17	7,01	2,45	10,43	7,06	0,79	5,30	1,74
	G-H	2,50	1,30	2,45	5,06	7,05	9,14	0,98	1,74	3,70
	H-I	2,90	3,60	5,06	1,36	10,67	8,12	2,62	3,70	0,99
04	A-B	2,90	2,78	1,36	6,70	7,55	11,24	2,50	0,99	3,94
	B-C	2,50	1,20	6,70	1,01	10,37	5,82	1,36	3,94	0,73
05	A-B	2,50	4,05	1,01	1,01	8,10	8,10	2,97	0,73	0,73

Les sollicitations maximales de calcul sont:

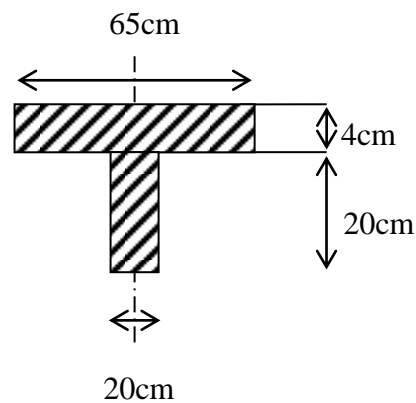
$$\text{E.L.U} \left\{ \begin{array}{l} M_{\text{travée}_{\max}} = 5,05 \text{ KN.m} \\ M_{\text{appui}_{\max}} = 10,10 \text{ KN.m} \\ T_{\max} = 14,03 \text{ KN} \end{array} \right. \quad \text{E.L.S} \left\{ \begin{array}{l} M_{\text{travée}_{\max}} = 3,69 \text{ KN.m} \\ M_{\text{appui}_{\max}} = 7,20 \text{ KN.m} \end{array} \right.$$

### 3.3- Calcul Du ferrailage:

#### Calcul du ferrailage des poutrelles :(à l'ELU) :

Les moments maximaux en travée tendent à comprimer les fibres supérieures et à tendre les fibres inférieures et par conséquent les armatures longitudinales seront disposées en bas pour reprendre l'effort de traction puisque le béton résiste mal à la traction. Pour le calcul du ferrailage des poutrelles on prend le cas le plus défavorable.

Les poutrelles sont des sections en "T" dont les dimensions sont données comme suit:



Section de calcul

#### Données :

- Largeur de la poutrelle  $b=65\text{cm}$ .
- Largeur de la  $b_0=12\text{cm}$ .
- La hauteur de la section  $h_t=20\text{cm}$ .
- la hauteur de la section  $h_0=4\text{cm}$ .
- hauteur utile des aciers tendus  $d=0,9h=18\text{cm}$
- contrainte des aciers utilisés  $f_e=400 \text{ Mpa}$
- contrainte du béton à 28 jours  $f_{c28}=25 \text{ Mpa}$
- Contrainte limite de traction du béton  $f_{t28}=2,1\text{Mpa}$ .
- Fissuration peu préjudiciable



**3.3.1- Plancher étage courant (1<sup>er</sup> ..... 9<sup>ème</sup> étage):**

Pour le calcul de ferrailage on prend les sollicitations maximales suivantes:

$$E.L.U \begin{cases} M_{travée_{max}} = 9,71 \text{ KN.m} \\ M_{appui_{max}} = 4,94 \text{ KN.m} \\ T_{max} = 12,57 \text{ KN} \end{cases}$$

**3.3.1.1- Calcul des armatures longitudinales à (l'E.L.U):**

❖ **En travée (armatures inférieurs) :**

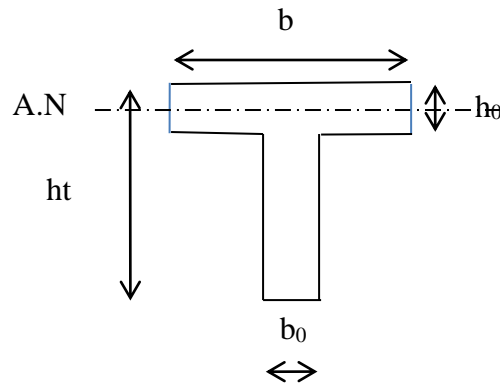
Dans l'étude d'une section en T il est nécessaire de savoir si la partie comprimée intéresse la table de compression ou si elle intéresse également la nervure

On calcule le moment équilibre par la table « Mt »

$$M_t = b \cdot h_0 \cdot f_{bc} \cdot (d - h_0/2) = 65 \times 4 \times 14,17 \cdot (18 - 4/2) \times 10^{-3} = 58,95 \text{ KN.m}$$

$$M_{tmax} = 9,71 \text{ KN.m} < M_t = 58,95 \text{ KN.m}$$

Donc l'axe neutre tombe dans la table de compression, la section en T sera calculée en flexion simple comme une section rectangulaire de dimension (bxht) = (65 x20) cm<sup>2</sup> soumise à Mtmax=9,71KN.m



$$\mu = \frac{M_{tmax}}{f_{bc} \cdot d^2 \cdot b} = \frac{9,71 \cdot 10^3}{14,17 \cdot (18)^2 \cdot 65} = 0,0325 < \mu_l = 0,392 \rightarrow A's = 0$$

$$\mu = 0,0325 \xrightarrow{\text{tableau}} \beta = 0,984$$

$$\sigma_s = \frac{f_e}{\delta_s} = \frac{400}{1,15} = 348 \text{ MPa}$$

$$A_s = \frac{M_{tmax}}{\beta \cdot d \cdot \sigma_s} = \frac{9,71 \cdot 10^3}{0,984 \cdot 18 \cdot 348} = 1,57 \text{ cm}^2$$

**Condition de non fragilité :**

**En Travée :**

$$A_{st_{min}} \geq 0,23 \cdot b_0 \cdot d \cdot \frac{f_{t28}}{f_e}$$

$$A_{st_{min}} \geq 0,23 \cdot 65 \cdot 18 \cdot \frac{2,1}{400} = 1,41 \text{ cm}^2$$

Donc:  $A_{Scal}=1,57\text{cm}^2 > A_{min}=1,41 \text{ cm}^2$ .....condition vérifiée.

**Le choix: 3T12 = 3,39 cm<sup>2</sup>.**

**❖ sur appuis (armatures supérieures) intermédiaire:**

La section de calcul est une section rectangulaire de dimension  $(b_0 \times h)=(12 \times 20)\text{cm}^2$

$$\mu = \frac{Ma}{f_{bc} \cdot d^2 \cdot b_0} = \frac{4,94 \cdot 10^3}{14,17 \cdot (18)^2 \cdot 12} = 0,090 < \mu_l = 0,392 \rightarrow A's = 0$$

$$\mu = 0,090 \xrightarrow{\text{Tableau}} \beta = 0,953$$

$$\sigma_s = \frac{f_e}{\delta_s} = \frac{400}{1,15} = 348 \text{ MPa}$$

$$A_s = \frac{Ma}{\beta \cdot d \cdot \sigma_s} = \frac{4,94 \cdot 10^3}{0,953 \cdot 18 \cdot 348} = 0,82 \text{ cm}^2$$

**Condition de non fragilité :**

$$A_{st_{min}} \geq 0,23 \cdot b_0 \cdot d \cdot \frac{f_{t28}}{f_e}$$

$$A_{st_{min}} \geq 0,23 \cdot 12 \cdot 18 \cdot \frac{2,1}{400} = 0,26 \text{ cm}^2$$

Donc:  $A_{Scal}=0,82\text{cm}^2 > A_{min}=0,26 \text{ cm}^2$  .....condition vérifiée.

**Le choix : 2T12 =2,26 cm<sup>2</sup>.**

**3.3.1.2- Vérification des contraintes à L.E.S :**

$$\alpha \leq \frac{\gamma - 1}{2} + \frac{f_{c28}}{100} \quad \text{avec : } \gamma = \frac{Mu}{M_{ser}}$$

**sur travée :**

$$M_{ser} = 6,98 \text{ KN.m}$$

$$M_u = 9,71 \text{ KN.m}$$

$$\alpha = 0,0406$$

$$\gamma = \frac{9,71}{6,98} = 1,39$$

$$\alpha \leq \frac{1,39-1}{2} + \frac{25}{100} \quad \alpha \leq 0,44 \dots \dots \dots \text{condition vérifiée}$$

**sur appuis :**

$$M_{ser} = 3,57 \text{ KN.m}$$

$$M_u = 4,94 \text{ KN.m}$$

$$\alpha = 0,118$$

$$\gamma = \frac{4,94}{3,57} = 1,38$$

$$\alpha \leq \frac{1,38-1}{2} + \frac{25}{100} \quad \alpha \leq 0,44 \dots \dots \dots \text{condition vérifiée}$$

**Contrainte de cisaillement :(effort tranchant)**

L'effort tranchant maximal  $T_{max} = 12,57 \text{ KN}$ .

$$\tau_u = \frac{T_u}{b_0 \cdot d} = \frac{12,57 \cdot 10^{-3}}{0,12 \cdot 0,18} = 0,58 \text{ MPa}$$

Fissuration peu préjudiciable:

$$\bar{\tau}_u = \left\{ \min \left( 0,2 \left( \frac{f_{cj}}{\gamma_b} \right) ; 5 \text{ MPa} \right) \right\}$$

$$\tau_u = 0,58 \text{ MPa} < \bar{\tau}_u = 3,33 \text{ MPa} \dots \dots \dots \text{condition vérifiée (pas de risque de cisaillement)}$$

**-Les armatures transversales At:**

$$\Phi_t \leq \min(h/35; b_0/10; \Phi_L) \text{ en (mm)}$$

avec  $\phi_L$  : Diamètre minimum des armatures longitudinales

$$\Phi_t \leq \min(200/35; 120/10; 10) = 5,71 \text{ mm}$$

on adopte :  $\Phi_t = 6 \text{ mm}$ .

**-Calcul des espacements :**

$$St \leq \min(0,9d ; 40 \text{ cm})$$

$$St \leq \min(16,2 \text{ cm} ; 40 \text{ cm})$$

$$St \leq 16,20 \text{ cm}$$

**La section des armatures transversales :**

$$\frac{At}{b_0 \cdot st} \cdot \frac{f_e}{\gamma_s} \geq \frac{\tau_u (h/2) - 0,3k \cdot f_{ij}^*}{0,9(\sin \alpha + \cos \alpha)} \dots \dots \dots (*)$$

$k=1$  (fissuration non préjudiciable)

$$f_{ij}^* = \min(2,1 \text{ Mpa} ; 3,3 \text{ Mpa}) = 2,1 \text{ Mpa}$$

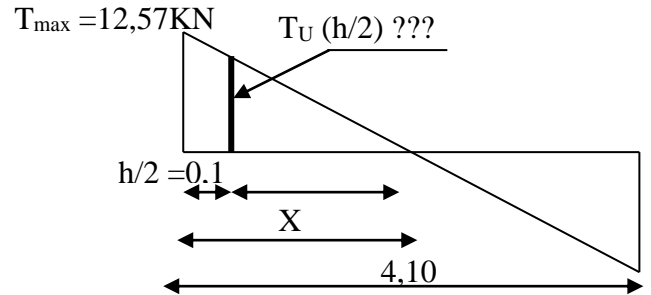
$$\alpha=90^\circ \Rightarrow \sin\alpha + \cos\alpha = 1$$

$$f_e=235 \text{ Mpa} ; \sigma_s=1,15$$

$$\text{d'où: } \tau_u(h/2) = \frac{T_u(h/2)}{b_0 \cdot d}$$

on calcule la valeur de l'effort tranchant  $T_u(h/2)$  par la méthode des triangles semblables

$$\frac{T_{\max}}{X} = \frac{T_u(h/2)}{X - (h/2)} \Rightarrow T_u(h/2) = \frac{T_{\max} \cdot [X - (h/2)]}{X}$$



on calcule la distance "X":

$$X = \frac{L}{2} + \frac{M_w - M_e}{q \cdot L}$$

$$X = 4,10/2 + (3,72 - 1,61)/5,88 \cdot 4,10 = 2,14 \text{ m}$$

$$h/2 = 0,2/2 = 0,1 \text{ m}$$

$$X - (h/2) = 2,14 - 0,1 = 2,04 \text{ m}$$

$$\text{Donc: } T_u(h/2) = 12,57 \cdot 2,04 / 2,14 = 11,98 \text{ KN}$$

$$T_u(h/2) = 11,98 \text{ KN}$$

$$\text{D'où: } \tau_u(h/2) = (11,98 \cdot 10^{-3}) / (0,12 \cdot 0,18) = 0,55 \text{ MPa}$$

$$\tau_u(h/2) = 0,55 \text{ MPa}$$

$$(*) \Rightarrow \left( \frac{At}{s_t} \right)_{cal} \geq \frac{(0,55 - 0,3 \cdot 1,2 \cdot 1) \cdot 12}{0,9 \cdot 1 \cdot \frac{235}{1,15}} = 5,22 \cdot 10^{-3} \text{ cm} \dots \dots \dots (1)$$

**Pourcentage minimal des armatures transversales :**

$$\frac{At \times f_e}{b_0 \times s_t} \geq \max \left( \frac{\tau_u(h/2)}{2} ; 0,4 \text{ Mpa} \right)$$

$$\frac{At \times f_e}{b \times s_t} \geq \max \left( \frac{0,55}{2} \text{ Mpa} ; 0,4 \text{ Mpa} \right) = 0,4 \text{ Mpa}$$

$$\left( \frac{At}{S_t} \right)_{\min} \geq \frac{0,4 \times b_0}{f_e} = \frac{0,4 \times 12}{235} = 0,02 \text{ cm} \dots \dots \dots (2)$$

En prend le max entre (1) et (2)  $\Rightarrow \left( \frac{At}{S_t} \right) \geq 0,020 \text{ cm}$  , on prend  $S_t = 15 \text{ cm}$

$$\Rightarrow At \geq 0,02 \cdot 15 = 0,306 \text{ cm}^2 \Rightarrow \begin{cases} 2\phi 6 = 0,56 \text{ cm}^2/\text{ml} \\ S_t = 15 \text{ cm} \end{cases}$$

**-Zone nodale :**

$$St \leq \min (10\Phi_L; 15\text{cm})$$

$$St \leq 10\text{cm}$$

**-Zone courante:**

$$St \leq 15\text{cm}$$

$$St = 15\text{cm}$$

On adopte  $\left\{ \begin{array}{l} St = 10\text{cm} \quad \text{Zone nodale.} \\ St = 15\text{cm} \quad \text{Zone courante.} \end{array} \right.$

**Ancrage des armatures aux niveaux des appuis :**

$$T_u = 12,57 \text{ KN}$$

$$M_{\text{appui}} = 4,94 \text{ KN.m}$$

$$F_u = \frac{M_{\text{appui}}}{z} = \frac{4,94}{0,9.18.10^{-2}} = 30,49 \text{ KN} > T_u = 12,57 \text{ KN}$$

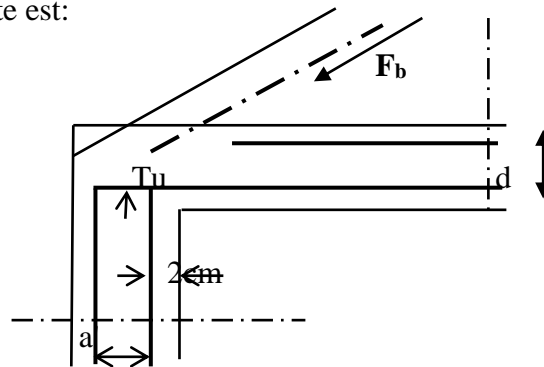
Les armatures longitudinal inférieur ne sont pas soumises à un effort de traction.

**-Compression de la bête d'about :**

La contrainte de compression dans la bête est:

$$\bar{\sigma}_b = \frac{F_b}{S} \quad \text{Avec} \quad \left\{ \begin{array}{l} F_b = T\sqrt{2} \\ S = \frac{ab_0}{\sqrt{2}} \end{array} \right.$$

$$\text{D'où} \quad \bar{\sigma}_b = \frac{2T}{ab_0}$$



a: la longueur d'appuis de la bête

$$\text{On doit avoir} \quad \bar{\sigma}_b < f_{c28} / \gamma_b$$

Mais pour tenir compte du fait que l'inclinaison de la bête est légèrement différente de 45° donc on doit vérifier que :

$$\bar{\sigma}_b \leq 0,8f_{c28} / \gamma_b$$

$$\frac{2T}{ab_0} \leq \frac{0,85.f_{c28}}{\gamma_b} \Rightarrow a \geq \frac{2T\gamma_b}{0,8.b_0.f_{c28}}$$

$$\Rightarrow a \geq \frac{2.12,57.1,5}{0,8.12.25.10} = 1,57 \text{ cm}$$

$$a = \min (a' ; 0,9 d)$$

a' : largeur d'appui

$$a' = c - c' - 2\text{cm}$$

$$c' = 2\text{cm (enrobage)}$$

$c$  : la largeur de l'appui (poteau) = 40

$$a' = 40 - 2 - 2 = 36\text{cm}$$

$a = \min(36\text{cm}; 16,2\text{cm}) = 16,2\text{cm} > 1,57\text{ cm} \dots \dots \dots$  condition vérifiée.

### Entraînement des armatures :

#### Vérification de la contrainte d'adhérence :

$$\tau_{\text{user}} = T / 0,9d \cdot \mu \cdot n \leq \bar{\tau}_{\text{user}} = \psi_s \cdot f_{t28}$$

$\psi_s$ : coefficient de cisaillement  $\psi_s = 1,5$  pour H.A

$T$ : l'effort tranchant max  $T = 12,57\text{KN}$

$n$  : nombre des armatures longitudinaux tendus  $n = 3$

$\mu$  : périmètre d'armature tendue  $\mu = \pi \phi = 3,14 \times 1,0 = 3,14\text{ cm}$

$$\tau_{\text{user}} = 12,57 \times 10^3 / 0,9 \times 18 \times 3,14 \times 3 \times 10^2 = 0,82\text{ Mpa}$$

$$\bar{\tau}_{\text{user}} = 1,5 \times 2,1 = 3,15\text{Mpa}$$

$\tau_{\text{user}} = 0,82\text{ Mpa} \leq \bar{\tau}_{\text{user}} = 3,15\text{ Mpa} \dots \dots \dots$  condition vérifiée

#### -Ancrage des armatures tendues :

La longueur de scellement droit " $L_s$ " est la longueur que ne doit avoir une barre droite de diamètre  $\phi$  pour équilibrer une contrainte d'adhérence  $\tau_s$ .

La contrainte d'adhérence  $\tau_s$  est supposée constante est égale à la valeur limite ultime.

$$\tau_s = 0,6 \psi_s^2 \cdot f_{t28} = 0,6 (1,5)^2 \cdot 2,1 = 2,83\text{ MPa.}$$

La longueur de scellement droit  $L_s = \phi f_c / 4\tau_s$ .

$\phi$  : Diamètre d'une barre égale 1cm

$$L_s = 1.400 / 4 \cdot 2,83 = 35,33\text{ cm.}$$

Cette longueur dépasse la largeur de la poutre  $b = 35\text{cm}$

Nous sommes obligés de courber les armatures de telle sorte que

$$r = 5,5\phi = 5,5 \cdot 1 = 5,5\text{ cm.}$$

**-Vérification de la flèche :**

D'après BAEL 91 modifiée 99, il faut que les conditions qui suivantes soient vérifiées :

Avec  $f_{adm} = L_{max}/500$  ou  $L_{max}$  : la portée maximal

Dans notre cas, on a :  $L_{max} = 4,10m$

$$f_{adm} = \frac{410}{500} = 0,82m$$

$$I_0 = \frac{bh^3}{12} + 15 A_{ut} \left( \frac{h}{2} - d' \right)^2 \quad d' = 0,1h$$

$$I_0 = \frac{0,65 \cdot 0,20^3}{12} + 15 \cdot 3,39 \left( \frac{0,20}{2} - 0,020 \right)^2 \quad d' = 0,1h$$

$$I_0 = 3,26 \cdot 10^{-1} m^4$$

$$\rho = \frac{A_{ut}}{b_0 d} = \frac{3,39 \cdot 10^{-4}}{0,12 \cdot 0,18} = 0,015$$

$$\lambda_i = \frac{0,05 f_{t28}}{(2 + 3 \frac{b_0}{b}) \rho} = \frac{0,05 \cdot 2,1}{(2 + 3 \frac{0,12}{0,65}) 0,015} = 3,13$$

$$U^* = 1 - \frac{1,75 f_{t28}}{(4 \rho 6st) + f_{t28}} = 0,818$$

$$I_{Fi} = \frac{1,1 I_0}{(1 + \lambda_i U^*)} = \frac{1,1 \cdot 3,26 \cdot 10^{-1}}{(1 + 3,13 \cdot 0,818)} = 0,100 m^4$$

$$f = \frac{M_{st} \cdot L^2}{10 E_i \cdot I_{Fi}} = \frac{9,71 \cdot 10^{-3} \cdot 4,10^2}{10 \cdot 32164,2 \cdot 0,1} = 5,07 \cdot 10^{-6} m$$

Avec :  $E_i = 11000 (f_{c28})^{1/3} = 32164,2 MPa$

Donc :  $f = 5,07 \cdot 10^{-3} cm \leq f_{adm} = 0,86cm$ ..... condition vérifiée

**3.3.2- Plancher terrasse:**

Pour le calcul de ferrailage on prend les sollicitations maximales suivantes:

$$E.L.U \left\{ \begin{array}{l} M_{travée_{max}} = 5,05 KN.m \\ M_{a_{max}} = 10,10 KN.m \\ T_{max} = 14,03 KN \end{array} \right.$$

**3.3.2.1- Calcul des armatures longitudinales à (l'E.L.U):****❖ En travée (armatures inférieures) :**

Dans l'étude d'une section en T il est nécessaire de savoir si la partie comprimée intéresse la table de compression ou si elle intéresse également la nervure

On calcule le moment équilibre par la table « Mt »

$$M_t = b h_0 f_{bc} (d - h_0/2) = 65 \times 4 \times 14,17 (18 - 4/2) \times 10^{-3} = 58,95 \text{ KN.m}$$

$$M_{t\max} = 5,05 \text{ KN.m} < 58,95 \text{ KN.m}$$

Donc l'axe neutre tombe dans la table de compression, la section en T sera calculée en flexion simple comme une section rectangulaire de dimension (bxht) = (65 x 20) cm<sup>2</sup> soumise à M<sub>tmax</sub> = 5,05 KN.m

$$\mu = \frac{M_t}{f_{bc} \cdot d^2 \cdot b} = \frac{5,05 \cdot 10^3}{14,17 \cdot (18)^2 \cdot 65} = 0,017 < \mu_l = 0,392 \rightarrow A's = 0$$

$$\mu = 0,017 \xrightarrow{\text{Tableau}} \beta = 0,991$$

$$\sigma_s = \frac{f_e}{\delta_s} = \frac{400}{1,15} = 348 \text{ MPa}$$

$$A_s = \frac{M_t}{\beta \cdot d \cdot \sigma_s} = \frac{5,05 \cdot 10^3}{0,991 \cdot 18 \cdot 348} = 0,81 \text{ cm}^2$$

**Condition de non fragilité :****En Travée :**

$$A_{s\min} \geq 0,23 \cdot b \cdot d \cdot \frac{f_{t28}}{f_e}$$

$$A_{s\min} \geq 0,23 \cdot 65 \cdot 18 \cdot \frac{2,1}{400} = 1,41 \text{ cm}^2$$

Donc: A<sub>s cal</sub> = 0,81 cm<sup>2</sup> > A<sub>min</sub> = 1,41 cm<sup>2</sup> ..... condition non vérifiée.

La section adopté est A<sub>s min</sub> = 1,41 cm<sup>2</sup>

**Le choix: 3T10=2,36 cm<sup>2</sup>.****❖ sur appuis (armatures supérieures) intermédiaire:**

la section de calcul est une section rectangulaire de dimension (b<sub>0</sub> x h) = (12 x 20) cm<sup>2</sup>

$$\mu = \frac{M_a}{f_{bc} \cdot d^2 \cdot b_0} = \frac{10,10 \cdot 10^3}{14,17 \cdot (18)^2 \cdot 12} = 0,180 < \mu_l = 0,392 \rightarrow A's = 0$$

$$\mu = 0,180 \xrightarrow{\text{Tableau}} \beta = 0,900$$

$$A_s = \frac{M_t}{\beta \cdot d \cdot \sigma_s} = \frac{10,10 \cdot 10^3}{0,900 \cdot 18 \cdot 348} = 1,79 \text{ cm}^2$$



**Condition de non fragilité :**

$$A_{st_{min}} \geq 0,23.b_0.d. \frac{f_{t28}}{f_e}$$

$$A_{st_{min}} \geq 0,23.12.18 \frac{2,1}{400} = 0,26 \text{ cm}^2$$

Donc:  $A_{S_{cal}}=1,79\text{cm}^2 > A_{min} =0,26 \text{ cm}^2$  .....condition vérifiée

**Le choix: 2T12 =2,26 cm<sup>2</sup>.**

**3.3.2.2- Vérification des contraintes à L.E.S :**

$$M_{ser}=3,69 \text{ KN.m}$$

$$\alpha \leq \frac{\gamma-1}{2} + \frac{f_{c28}}{100} \quad \text{avec : } \gamma = \frac{M_u}{M_{ser}}$$

**sur travée :**

$$M_{ser} = 3,69 \text{ KN.m}$$

$$M_u = 5,05 \text{ KN.m}$$

$$\alpha = 0,0227$$

$$\gamma = \frac{5,05}{3,69} = 1,36$$

$$\alpha \leq \frac{1,36-1}{2} + \frac{25}{100} \quad \alpha \leq 0,43 \dots\dots\dots \text{condition vérifiée}$$

**sur appuis :**

$$M_{ser} = 7,20 \text{ KN.m}$$

$$M_u = 10,10 \text{ KN.m}$$

$$\alpha = 0,2500$$

$$\gamma = \frac{10,10}{7,20} = 1,40$$

$$\alpha \leq \frac{1,40-1}{2} + \frac{25}{100} \quad \alpha \leq 0,45 \dots\dots\dots \text{condition vérifiée}$$

il y n'est pas nécessaire de vérifiée les contraintes

**Contrainte de cisaillement :(effort tranchant)**

L'effort tranchant maximal :

$$T_{max}=14,03 \text{ KN.}$$

$$\tau_u = \frac{T_{max}}{b_0.d} = \frac{14,03.10^{-3}}{0,12.0,18} = 0,65 \text{ MPa}$$

Fissuration préjudiciable :

$$\bar{\tau}_u = \left\{ \min \left( 0,15 \left( \frac{f_{cj}}{\gamma_b} \right) ; 4 \text{ MPa} \right) \right\}$$

$\tau_u = 0,65 \text{ MPa} < \bar{\tau}_u = 2,5 \text{ MPa}$ .....condition vérifiée

**-Les armatures transversales At:**

$$\Phi_t \leq \min(h / 35; b_0 / 10; \Phi_L) \text{ en "mm"}$$

$$\Phi_t \leq \min(200 / 35; 120 / 10; 10) = 5,71 \text{ mm.}$$

on adopte :  $\Phi_t = 6 \text{ mm}$ .

**-Calcul des espacements :**

$$St \leq \min (0,9d ; 40 \text{ cm})$$

$$St \leq \min (16,20 \text{ cm} ; 40 \text{ cm}) \quad \left. \vphantom{St} \right\} St \leq 16,20 \text{ cm}$$

**La section des armatures transversales :**

$$\frac{At}{b_0 \cdot st} \cdot \frac{f_e}{\gamma_s} \geq \frac{\tau_u (h/2) - 0,3k \cdot f_{ij}^*}{0,9(\sin \alpha + \cos \alpha)} \dots\dots\dots (*)$$

$k=1$  (fissuration préjudiciable)

$$f_{ij}^* = \min (2,1 \text{ Mpa} ; 3,3 \text{ Mpa}) = 2,1 \text{ Mpa}$$

$$\alpha = 90^\circ \Rightarrow \sin \alpha + \cos \alpha = 1 \quad ; \quad f_e = 235 \text{ Mpa} ; \gamma_s = 1,15$$

$$D'où: \tau_u (h/2) = \frac{T_u (h/2)}{b_0 \cdot d}$$

On calcule la valeur de l'effort tranchant  $T_u (h/2)$  par la méthode des triangles semblables

$$\frac{T_{\max}}{X} = \frac{T_u (h/2)}{X - (h/2)} \Rightarrow T_u (h/2) = \frac{T_{\max} \cdot [X - (h/2)]}{X}$$

- On calcule la distance "X":

$$X = \frac{L}{2} + \frac{M_w - M_e}{q \cdot L}$$

$$X = 4,10/2 + (5,10 - 10,10)/6,48 \cdot 4,10 = 1,86 \text{ m}$$

$$h/2 = 0,2/2 = 0,1 \text{ m}$$

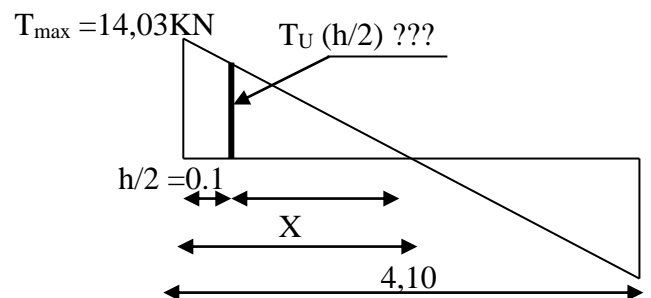
$$X - (h/2) = 1,86 - 0,1 = 1,76 \text{ m}$$

$$\text{Donc: } T_u(h/2) = 14,03 \cdot 1,76 / 1,86 = 13,28 \text{ KN}$$

$$\mathbf{T_u (h/2) = 13,28 \text{ KN}}$$

$$D'où: \tau_u(h/2) = (13,28 \cdot 10^{-3}) / (0,12 \cdot 0,18) = 0,61 \text{ MPa}$$

$$\mathbf{\tau_u (h/2) = 0,61 \text{ MPa}}$$



$$(*) \Rightarrow \left( \frac{At}{s_t} \right)_{cal} \geq \frac{(0,61 - 0,3 \cdot 1,2 \cdot 1) \cdot 12}{0,9 \cdot 1 \cdot \frac{235}{1,15}} = 1,3 \cdot 10^{-3} \text{ cm} \dots \dots (1)$$

**Pourcentage minimal des armatures transversales :**

$$\frac{At \times fe}{b_0 \times s_t} \geq \max \left( \frac{\tau_u (h/2)}{2}; 0,4 \text{ Mpa} \right)$$

$$\frac{At \times fe}{b \times s_t} \geq \max \left( \frac{0,61}{2} \text{ Mpa}; 0,4 \text{ Mpa} \right) = 0,4 \text{ Mpa}$$

$$\left( \frac{At}{s_t} \right)_{min} \geq \frac{0,4 \times b_0}{fe} = \frac{0,4 \times 12}{235} = 0,020 \text{ cm} \dots \dots (2)$$

En prend le max entre (1) et (2)  $\Rightarrow \left( \frac{At}{s_t} \right) \geq 0,020 \text{ cm}$  , on prend  $s_t = 15 \text{ cm}$

$$\Rightarrow At \geq 0,02 \cdot 15 = 0,306 \text{ cm}^2 \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 2\phi 6 = 0,56 \text{ cm}^2/\text{ml} \\ s_t = 15 \text{ cm} \end{array} \right.$$

**-Zone nodale :**

$$s_t \leq \min (10\Phi_L; 15\text{cm})$$

$$s_t \leq 10\text{cm}$$

**-Zone courante:**

$$s_t \leq 15\text{cm}$$

$$s_t = 15\text{cm}$$

On adopte  $\left\{ \begin{array}{l} s_t = 10\text{cm} \quad \text{Zone nodale.} \\ s_t = 15\text{cm} \quad \text{Zone courante.} \end{array} \right.$

**Ancrage des armatures aux niveaux des appuis .:**

$$T_u = 14,03 \text{ KN}$$

$$M_{appui} = 10,10 \text{ KN.m}$$

$$F_u = \frac{M_{appui}}{z} = \frac{10,10}{0,9 \cdot 18 \cdot 10^{-2}} = 62,35 \text{ KN} > T_u = 14,03 \text{ KN}$$

Les armatures longitudinal inférieure ne sont pas soumises à un effort de traction.

**-Compression de la bille d'about :**

La contrainte de compression dans la biellette est:

$$\bar{\sigma}_b = \frac{F_b}{S} \quad \text{Avec} \quad \begin{cases} F_b = T \sqrt{2} \\ S = \frac{ab_0}{\sqrt{2}} \end{cases}$$

$$\text{D'où} \quad \bar{\sigma}_b = \frac{2T}{ab_0}$$

a: la longueur d'appuis de la biellette

On doit avoir  $\bar{\sigma}_b < f_{c28} / \gamma_b$

Mais pour tenir compte du fait que l'inclinaison de la biellette est légèrement différente de  $45^\circ$  donc on doit vérifier que :

$$\bar{\sigma}_b \leq 0,8 f_{c28} / \gamma_b$$

$$\frac{2T}{a \cdot b_0} \leq \frac{0,8 \cdot f_{c28}}{\gamma_b} \Rightarrow a \geq \frac{2T \gamma_b}{0,8 \cdot b_0 \cdot f_{c28}}$$

$$\Rightarrow a \geq \frac{2 \cdot 14,03 \cdot 1,5}{0,8 \cdot 12 \cdot 25 \cdot 10} = 0,018 \text{ m} = 1,80 \text{ cm}$$

$$a = \min(a'; 0,9 d)$$

$a = \min(31 \text{ cm}; 16,2 \text{ cm}) = 16,2 \text{ cm} > 1,80 \text{ cm} \dots \dots \dots$  condition vérifiée.

**Entraînement des armatures :****Vérification de la contrainte d'adhérence :**

$$\tau_{\text{user}} = T / 0,9 d \cdot \mu \cdot n \leq \bar{\tau}_{\text{user}} = \psi_s \cdot f_{t28}$$

$$\tau_{\text{user}} = 14,03 \times 10^3 / 0,9 \times 18 \times 3 \times 31,4 \times 10 = 0,91 \text{ Mpa}$$

$$\bar{\tau}_{\text{user}} = 1,5 \times 2,1 = 3,15 \text{ Mpa}$$

$$\tau_{\text{user}} = 0,91 \text{ Mpa} \leq \bar{\tau}_{\text{user}} = 3,15 \text{ Mpa} \dots \dots \dots$$
 condition vérifiée

**-Ancrage des armatures tendues :**

La contrainte d'adhérence  $\tau_s$  est supposée constante est égale à la valeur limite ultime.

$$\tau_s = 0,6 \psi_s^2 \cdot f_{t28} = 0,6 \cdot (1,5)^2 \cdot 2,1 = 2,83 \text{ MPa.}$$

La longueur de scellement droit  $L_s = \phi f_e / 4 \tau_s$ .

$$L_s = 1.400 / 4 \cdot 2,83 = 35,33 \text{ cm.}$$

Cette longueur dépasse la largeur de la poutre  $b = 35 \text{ cm}$

Nous sommes obligés de courber les armatures de telle sorte que

$$r = 5,5\phi = 5,5.1 = 5,5 \text{ cm.}$$

**-Vérification de la flèche :**

D'après BAEL 91 modifiée 99, il faut que les conditions qui suivantes soient vérifiées :

Avec  $f_{adm} = L_{max}/500$  ou  $L_{max}$  : la portée maximal

Dans notre cas, on a :  $L_{max} = 4,10\text{m}$

$$f_{adm} = \frac{410}{500} = 0,82\text{m}$$

$$I_0 = \frac{bh^3}{12} + 15 A_{ut} \left( \frac{h}{2} - d' \right)^2 \quad d' = 0,1\text{h}$$

$$I_0 = \frac{0,65.0,20^3}{12} + 15.3,39 \left( \frac{0,20}{2} - 0,020 \right)^2 \quad d' = 0,1\text{h}$$

$$I_0 = 3,26.10^{-1} \text{ m}^4$$

$$\rho = \frac{A_{ut}}{b_0 d} = \frac{3,39.10^{-4}}{0,12.0,18} = 0,015$$

$$\lambda_i = \frac{0,05 f_{t28}}{\left(2 + 3 \frac{b_0}{b}\right) \rho} = \frac{0,05.2,1}{\left(2 + 3 \frac{0,12}{0,65}\right) 0,015} = 3,13$$

$$U^* = 1 - \frac{1,75 f_{t28}}{(4\rho \sigma_{st}) + f_{t28}} = 0,818$$

$$I_{Fi} = \frac{1,1 I_0}{(1 + \lambda_i U^*)} = \frac{1,1.3,26.10^{-1}}{(1 + 3,13.0,818)} = 0,100 \text{ m}^4$$

$$f = \frac{M_{st}.L^2}{10 E_i . I_{Fi}} = \frac{9,71 . 10^{-3} . 4,10^2}{10 . 32164,2.0,1} = 5,07.10^{-6} \text{ m}$$

Avec :  $E_i = 11000 (f_{c28})^{1/3} = 32164,2 \text{MPa}$

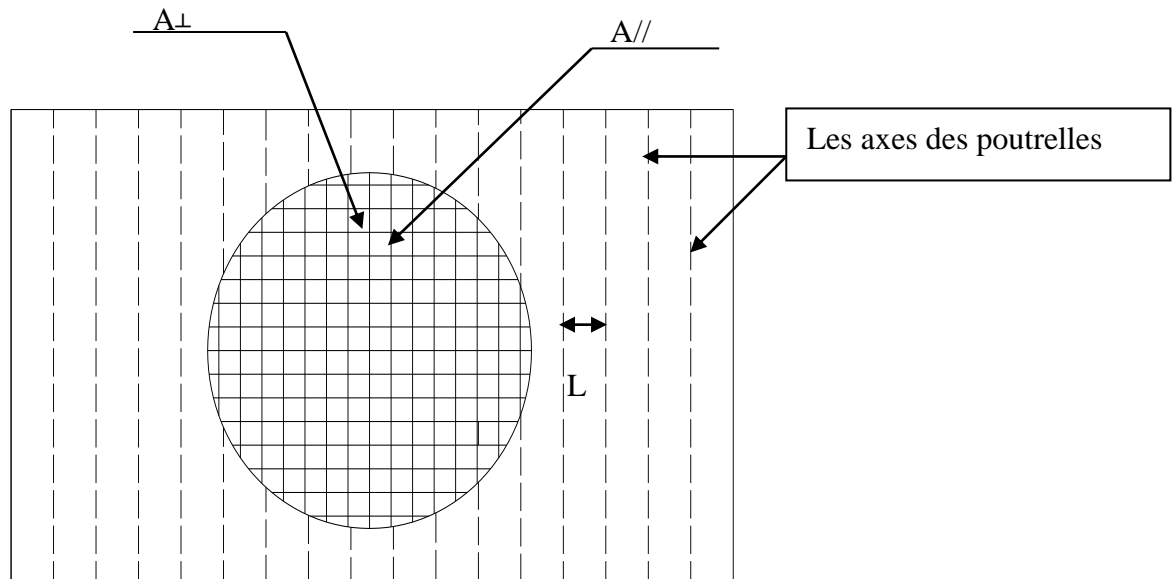
Donc :  $f = 5,07.10^{-3} \text{ cm} \leq f_{adm} = 0,86\text{cm}$ ..... condition vérifiée

**3.4- Calcul le ferrailage de la dalle de compression :**

La dalle doit avoir une épaisseur minimale de 4 cm, elle est armée d'un quadrillage des barres, les dimensions de la maille ne doivent pas dépasser :

20cm (5.par m) pour les armatures perpendiculaire aux poutrelles.

33cm (3.par m) pour les armatures parallèle aux poutrelles.



**Figure.3.6- Ferrailage de la dalle de compression.**

- ❖ section minimale des armatures perpendiculaire aux poutrelles :

$$A_{\perp} \geq 200/f_e \quad (\text{cm}^2/\text{ml}) \quad \text{si } l \leq 50\text{cm}$$

$$A_{\perp} \geq 4l/f_e \quad (\text{cm}^2/\text{ml}) \quad \text{si } 50\text{cm} \leq l \leq 80\text{cm}$$

Avec  $l$  : l'écartement entre axe des nervures

- ❖ section minimale des armatures parallèles aux poutrelles

$$A_{//} \geq A_{\perp}/2$$

$$L = 0,65 \text{ m}$$

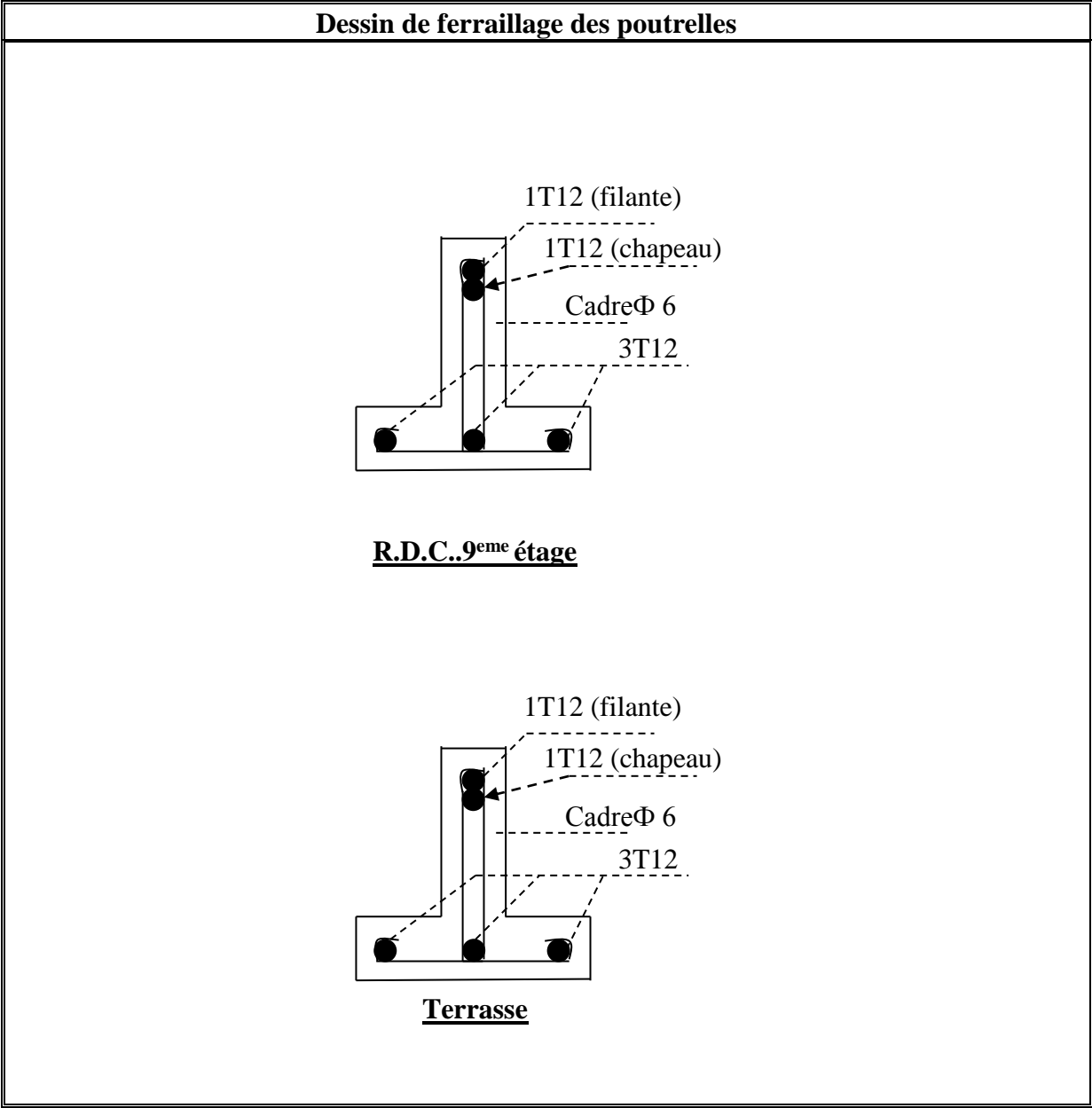
$$f_e = 225 \text{ Mpa}$$

$$50\text{cm} \leq l = 65 \text{ cm} \leq 80 \text{ cm} \rightarrow A_{\perp} \geq 4 \times 65 / 225 = 1,15 \text{ cm}^2/\text{ml}$$

$$\text{On prend } A_{\perp} = 5 \phi 6 = 1,41 \text{ cm}^2/\text{ml}$$

$$A_{//} \geq 1,41/2 = 0,71 \text{ cm}^2/\text{ml} \quad \text{on prend } A_{//} = 3 \phi 6 = 0,85 \text{ cm}^2/\text{m}$$

On prend un quadrillage de section TS  $\phi 6$  avec un espacement de 15 cm



**Figure.3.7- Dessin ferrailage des poutrelles.**